



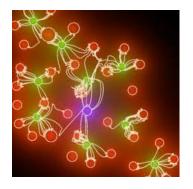
Reti Neurali Artificiali Concetti base

Dott. Crescenzio Gallo

Professore Aggregato di Sistemi di Elaborazione delle Informazioni

Dipartimento di Medicina Clinica e Sperimentale CRESCENZIO.GALLO@UNIFG.IT





Una rete neurale è una rappresentazione artificiale del cervello umano che cerca di simulare il processo di apprendimento.

Il termine "artificiale" significa che le reti neurali sono implementate in programmi per computer che sono in grado di gestire il gran numero di calcoli necessari durante il processo di apprendimento.

Per mostrare dove le reti neurali hanno la loro origine, diamo uno sguardo al modello biologico: il cervello umano.

Il modello biologico: il cervello umano



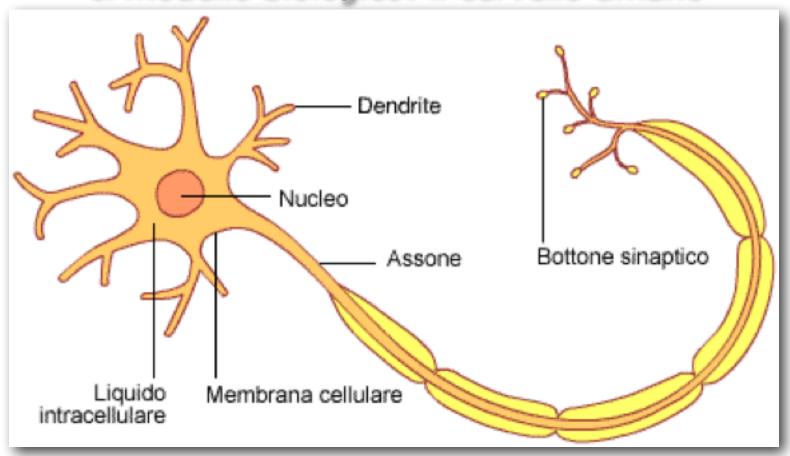
Il cervello umano è composto da un numero elevato (~ 100 miliardi) di cellule neurali che elaborano le informazioni.

Ogni cellula funziona come un processore semplice e solo la massiccia interazione tra tutte le cellule(*) e la loro elaborazione in parallelo rende possibili le capacità cerebrali.

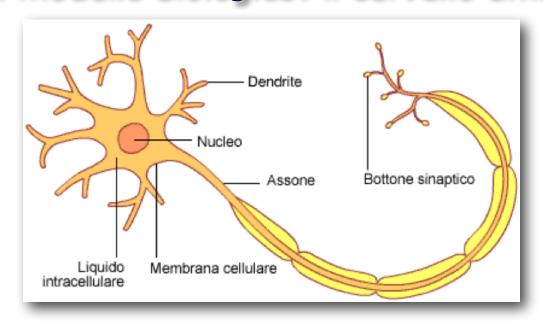
Ecco uno schema di tale cellula neurale, chiamata neurone:

^(*) Ogni cellula sviluppa in media circa 10⁴ connessioni con le cellule vicine.

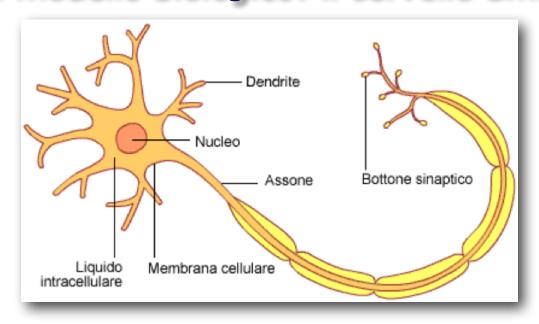
Il modello biologico: il cervello umano



Come indica la figura, un neurone è costituito da un **nucleo**, da **dendriti** per le informazioni in entrata e un **assone** con dendriti per le informazioni in uscita che vengono passate ai neuroni connessi (sinapsi).

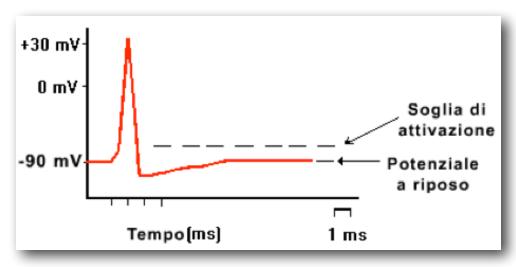


- L'informazione è trasportata tra i neuroni in forma di <u>stimoli elettrici</u> lungo i dendriti.
- Le informazioni in entrata che raggiungono i dendriti del neurone vengono sommate e poi inviate lungo l'assone ai dendriti alla sua estremità (sinapsi), dove l'informazione in uscita passa ai neuroni collegati, se supera una certa soglia. In questo caso, il neurone si dice essersi "attivato".

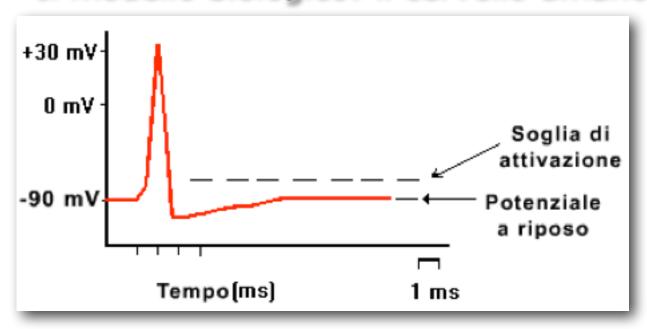


- Se la stimolazione in arrivo non è sufficiente, le informazioni non vengono trasportate oltre. In questo caso, il neurone si dice che è "inibito".

- Il neurone, dato che può emettere o meno un segnale elettrico avrà anche una soglia di attivazione.
- Fin quando la membrana del neurone resta indisturbata non si origina alcun potenziale d'azione, ma se un qualsiasi evento provoca un sufficiente aumento del potenziale dal livello di -90mV verso il livello zero, è lo stesso voltaggio in aumento che fa sì che molti canali del sodio comincino ad aprirsi.

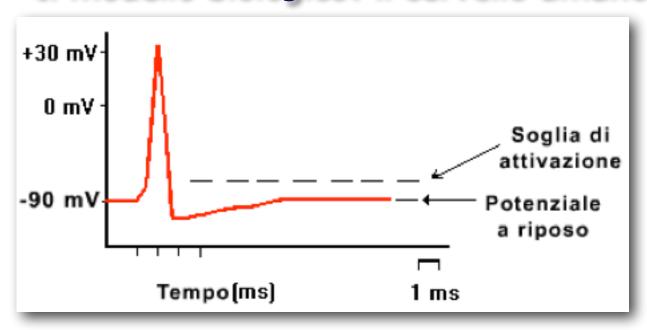


- Ciò permette un rapido ingresso di ioni sodio, che provoca ancora un nuovo aumento del potenziale di membrana, che fa aprire un numero ancora maggiore di canali del sodio accrescendo il flusso di ioni sodio che entrano nella cellula.
- Il processo si <u>autoalimenta</u> con un circolo di feedback positivo fino a che tutti i canali del sodio non risultano totalmente aperti.



- Ma a questo punto in una successiva frazione di millisecondo il potenziale di membrana in aumento provoca una chiusura dei canali del sodio e una apertura di quelli del potassio, dopodiché il potenziale d'azione termina.
- Perché si inneschi il potenziale d'azione è necessario che il potenziale di membrana aumenti di 15/30mV, portando quest'ultimo a circa -65mV (soglia di attivazione).
- Quindi non sempre è detto che la soglia di attivazione venga raggiunta, dipende proprio dalla velocità del processo suddetto.

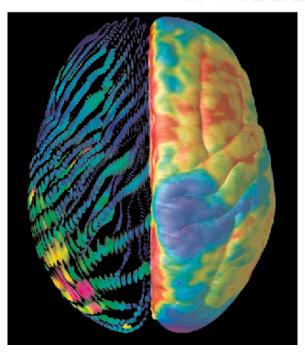
Il modello biologico: il cervello umano



Questo potenziale è diffuso lungo tutta la <u>struttura neuronale</u>, anche alle estremità delle sinapsi là dove il segnale elettrico diventa chimico per passare al neurone interconnesso.

Se questo si verifica la sinapsi sarà quindi di eccitazione, altrimenti di inibizione.

Il modello biologico: il cervello umano



Il cervello, è l'oggetto più complesso e misterioso che si conosca: 1.300-1.500 grammi di tessuto gelatinoso composto da 100 miliardi di cellule (i **neuroni**), ognuna delle quali sviluppa in media 10 mila **connessioni** con le cellule vicine.

- Durante la vita fetale l'organismo produce non meno di 250.000 neuroni al minuto.
- Ma 15-30 giorni prima della nascita, la produzione si blocca e per il cervello comincia una seconda fase che durerà per tutta la vita: la creazione di connessioni tra le cellule.



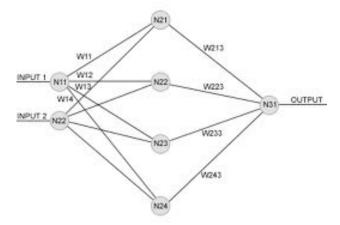
- In questo processo, le cellule che falliscono le connessioni vengono eliminate, tanto che al momento della nascita sono già dimezzate.
- Il cervello umano (più correttamente "encefalo") è il risultato della sovrapposizione dei tre tipi di cervello apparsi nel corso dell'evoluzione dei vertebrati.
- Dal basso (alla base del cranio), il cervello più antico (romboencefalo), specializzato nel controllo di funzioni involontarie come vigilanza, respirazione, circolazione e tono muscolare. Comprende il cervelletto e le parti del midollo spinale che si allungano nel cervello.
- Salendo, c'è il mesencefalo: una piccola porzione di tessuto nervoso costituita dai cosiddetti peduncoli cerebrali e dalla lamina quadrigemina.
- Infine c'è il prosencefalo, la parte più "moderna", suddiviso in <u>diencefalo</u> e <u>telencefalo</u>. Il primo, chiamato anche "sistema limbico", contiene strutture come talamo, ipotalamo, ipofisi e ippocampo, da cui provengono sensazioni come fame, sete o desiderio sessuale. Infine, la parte più recente in assoluto: la corteccia, dove hanno sede le funzioni intelligenza e linguaggio.

Le componenti di una rete neurale

- Dal punto di vista generale ci sono molti diversi tipi di reti neurali, ma tutte hanno quasi gli stessi componenti.
- Se si vuole simulare il cervello umano utilizzando una rete neurale, è ovvio che alcune <u>drastiche semplificazioni</u> devono essere fatte.
- Prima di tutto, non è possibile "replicare" il funzionamento parallelo di tutte le cellule neurali. Anche se ci sono computer che hanno capacità di elaborazione parallela, il gran numero di processori che sarebbe necessario non può essere implementato dall'hardware attualmente disponibile.
- Un altro limite è che la struttura interna di un computer non può essere modificata durante l'esecuzione di qualsiasi compito.
- E come implementare le stimolazioni elettriche in un programma per computer?

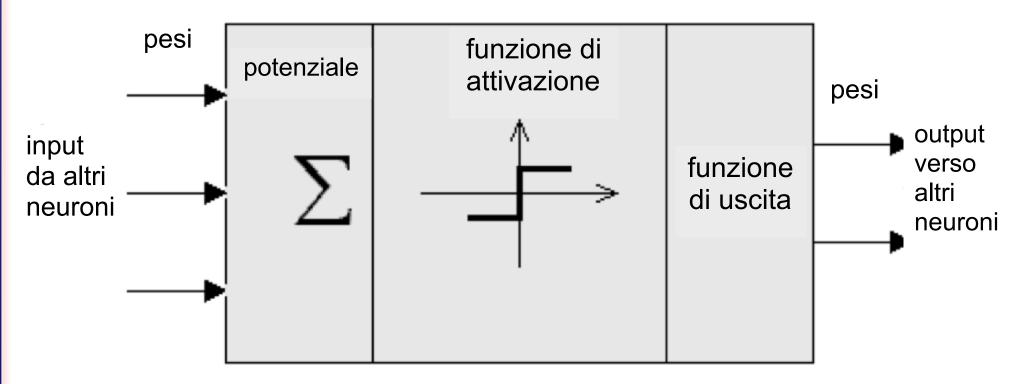
Le componenti di una rete neurale

- ▶ Da ciò si ricava un modello idealizzato per scopi di simulazione.
- ▶ Come il cervello umano, una rete neurale artificiale consiste di neuroni e delle connessioni tra di loro.
- ▶ I neuroni trasportano le informazioni in entrata sulle loro <u>connessioni</u> in uscita verso altri neuroni. Nella terminologia delle reti neurali queste connessioni sono chiamate pesi.
- Le informazioni "elettriche" sono simulate con valori specifici memorizzati nei pesi.
- ▶ Il cambiamento della <u>struttura di connessione</u> può essere simulata semplicemente cambiando i valori dei pesi.



Le componenti di una rete neurale

La figura seguente mostra un **neurone** di una rete neurale artificiale:

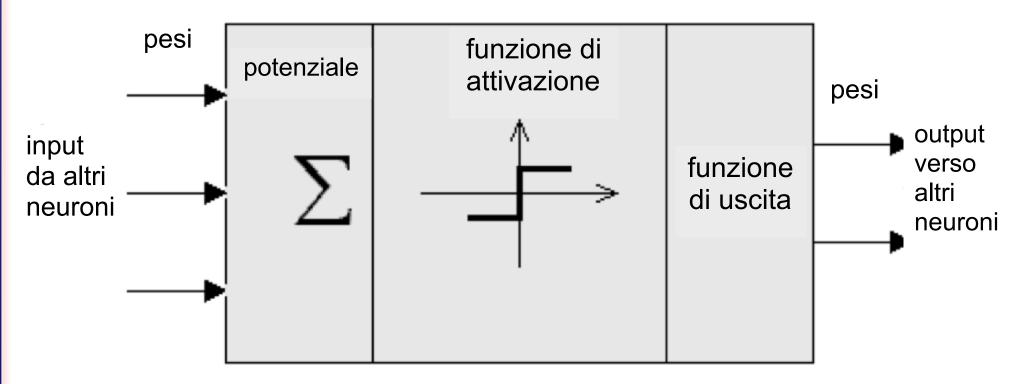


Un neurone artificiale è simile a una cellula neurale biologica, e funziona nello stesso modo.

Le informazioni (valori di input) arrivano al neurone e vengono combinate (moltiplicandole) con i relativi pesi.

Le componenti di una rete neurale

La figura seguente mostra un **neurone** di una rete neurale artificiale:

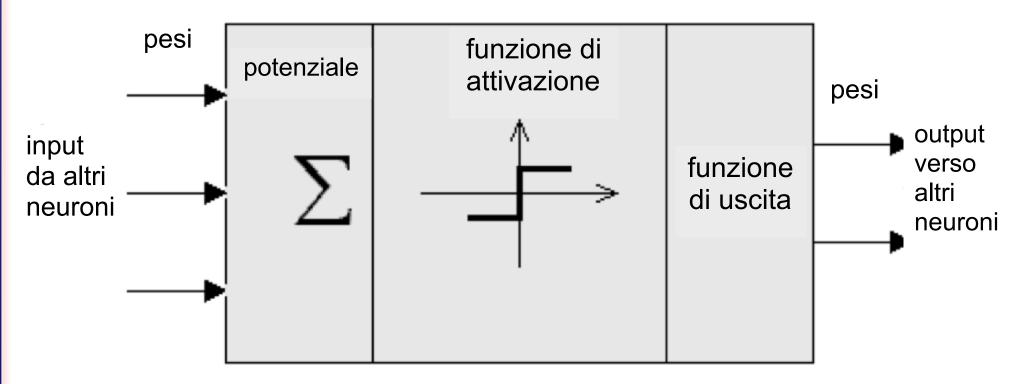


Una funzione di propagazione somma tali valori, fornendo il potenziale del neurone.

Il valore risultante viene confrontato con un dato valore di soglia in base alla funzione di attivazione del neurone.

Le componenti di una rete neurale

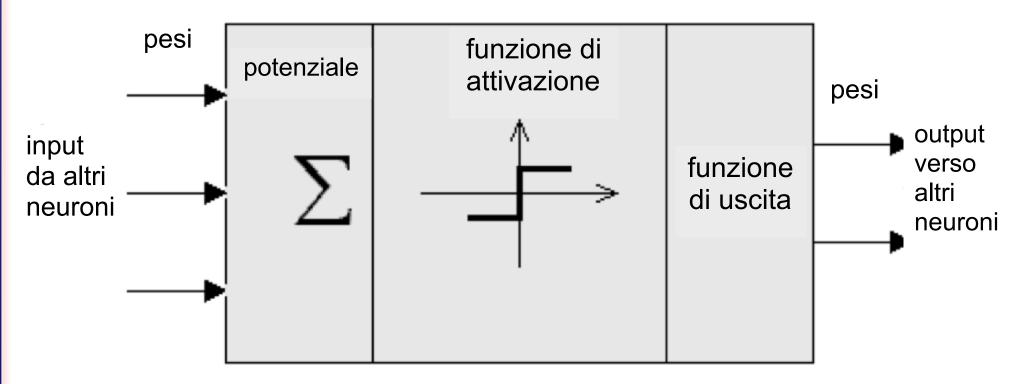
La figura seguente mostra un **neurone** di una rete neurale artificiale:



Se la somma supera il valore di soglia, il neurone si attiva, altrimenti sarà inibito.

Le componenti di una rete neurale

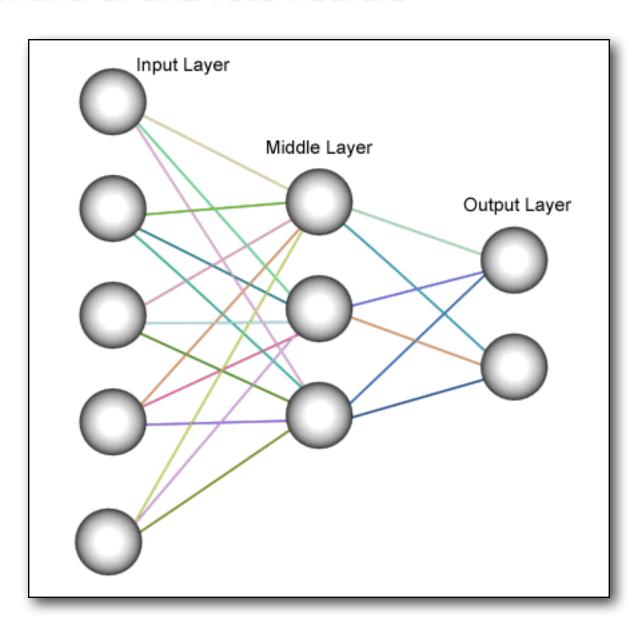
La figura seguente mostra un **neurone** di una rete neurale artificiale:



Se <u>attivato</u>, il neurone invia un output sulle connessioni pesate in uscita a tutti i neuroni collegati, e così via.

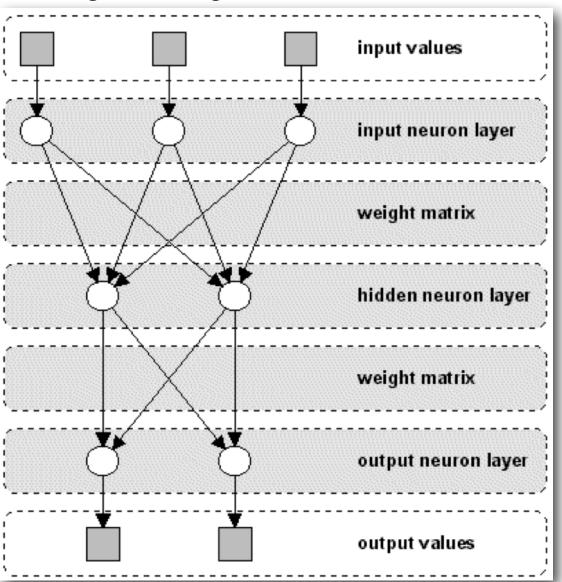
Le componenti di una rete neurale

- In una rete neurale, i neuroni sono raggruppati in strati (*layer*), denominati strati di neuroni (*neuron layers*).
- Di solito ogni neurone di uno strato è collegato a tutti i neuroni dello strato precedente e successivo (eccetto il livello di input e lo strato di uscita della rete).
- Le informazioni fornite da una rete neurale sono propagate layer-by-layer dallo strato di input a quello di output (feedforward) attraverso nessuno, uno o più strati nascosti (hidden).
- A seconda dell'algoritmo di apprendimento, è anche possibile che l'informazione si propaghi all'indietro attraverso la rete (backpropagation).



Le componenti di una rete neurale

La seguente figura mostra una rete neurale



Si noti che questa non è la struttura generale di una rete neurale.

Ad esempio, alcuni tipi di reti neurali non hanno livelli nascosti o i neuroni in uno strato sono disposti come una matrice.

Ciò che è comune a tutti i tipi di reti neurali è la presenza di almeno una matrice dei pesi, che individua le connessioni tra due strati di neuroni.

Possibilità e limiti

Le reti neurali vengono costruite per risolvere problemi che non possono essere risolti mediante algoritmi tradizionali. Tali problemi sono solitamente problemi di **ottimizzazione** o di **classificazione**.

I diversi domini in cui le reti neurali possono essere utilizzati sono:

- riconoscimento/classificazione di modelli (pattern association/classification)
- rilevamento di regolarità (regularity detection)
- elaborazione delle immagini (*image* processing)

- analisi del parlato (speech analysis)
- problemi di ottimizzazione (optimization problems)
- controllo di robot (robot steering)
- elaborazione di input inesatti o incompleti
- garanzia della qualità (quality assurance)
- previsioni di mercato (stock market forecasting)
- simulazione
- 0 ...

Possibilità e limiti

- Ci sono molti differenti tipi di reti neurali, ciascuna con proprietà particolari, per cui ogni dominio applicativo ha il proprio tipo rete.
- In generale si può dire che le reti neurali sono sistemi molto flessibili per scopi di "problem solving".
- Una caratteristica particolare delle reti neurali è la tolleranza agli errori. Ciò significa che, se una rete neurale viene addestrata per un problema specifico, sarà in grado di produrre risultati corretti anche se il problema da risolvere non è esattamente lo stesso di quello già appreso.
- Per esempio, supponiamo che una rete neurale sia stata addestrata a riconoscere il linguaggio umano. Durante il processo di apprendimento, una persona pronuncia alcune parole, che vengono apprese dalla rete. Poi, se addestrata correttamente, la rete neurale dovrebbe essere in grado di riconoscere le parole pronunciate anche da un'altra persona.

Possibilità e limiti

- Sebbene le reti neurali siano in grado di trovare soluzioni a problemi difficili, i risultati non possono essere garantiti.
- Essi sono solo **approssimazioni della soluzione** desiderata e un certo errore è sempre presente.
- Inoltre, esistono problemi che non possono essere correttamente risolti con reti neurali.

Possibilità e limiti

Un esempio sul "pattern recognition" può chiarire meglio il concetto.

Se si incontra una persona vista in precedenza, di solito la si riconosce una seconda volta, anche se non sembra la stessa del primo incontro.

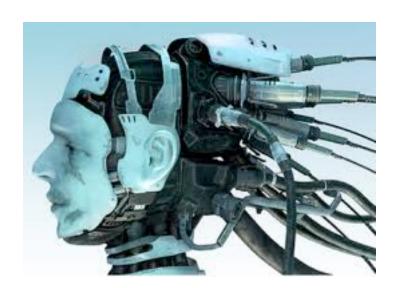
Supponiamo ora di aver addestrato una rete neurale con una fotografia di quella persona: l'immagine sarà sicuramente riconosciuta dalla rete.

Ma se si "disturba" l'immagine o ad es. la si ruota di un certo angolo, il riconoscimento probabilmente fallirà.

Possibilità e limiti

Sicuramente, nessuno utilizzerebbe mai una rete neurale in un algoritmo di ordinamento, poiché esistono algoritmi molto migliori e più veloci.

Ma in domini applicativi come quelli sopra menzionati, le reti neurali sono sempre una **buona alternativa agli algoritmi esistenti** e sicuramente vale la pena di provare.



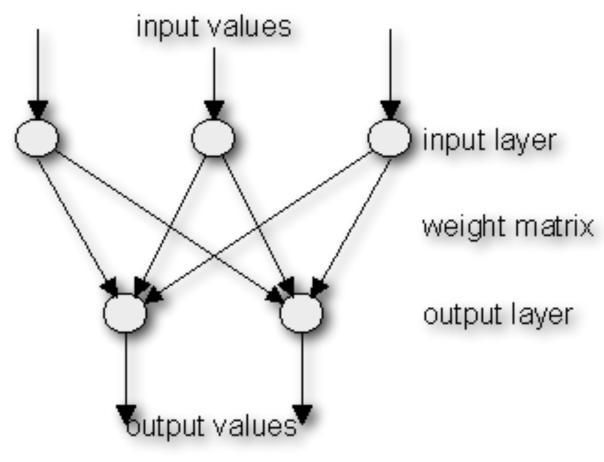


- Esistono diverse tipologie di reti neurali, che possono essere distinte per **tipo** (*feedforward* o *feedback*), **struttura** e **algoritmo di apprendimento** utilizzato.
- Il **tipo** di una rete neurale indica se i neuroni dei vari strati della rete possono essere collegati tra loro.
- Le reti neurali di tipo Feedforward permettono solo collegamenti neuronali tra due diversi strati, mentre le reti del tipo di Feedback consentono anche connessioni tra i neuroni dello stesso strato.
- Di seguito verrà esaminata una selezione di tipologie reti neurali.

Perceptron

- Il Perceptron è stato introdotto da F. Rosenblatt nel 1958.
- Si tratta di un tipo molto semplice rete neurale con due strati di neuroni che accetta solo input ed output binari (0 e 1).
- Il processo di apprendimento è supervisionato e la rete è in grado di risolvere operazioni logiche di base come AND e OR.
- È utilizzato anche per la classificazione di modelli (pattern classification).
- Operazioni logiche più complesse (come XOR) non possono essere risolte da un Perceptron.

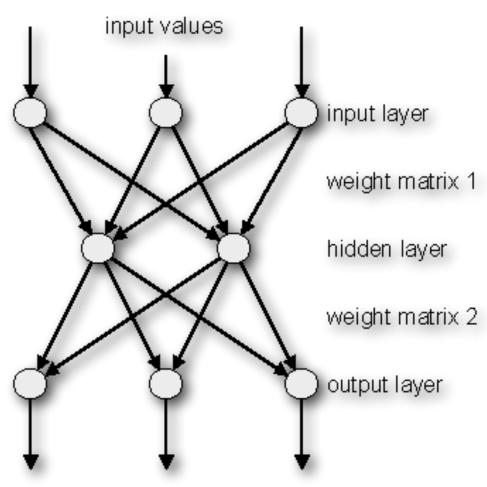
tipo	Feedforward
strati	1 strato di input, 1 strato di output
valori di input/output	binari
funzione di attivazione	hard limit
metodo di apprendimento	supervisionato
algoritmo di apprendimento	regola di Hebb
utilizzo	semplici operazioni logiche, pattern classification



Multi-Layer Perceptron

- Il Multi-Layer Perceptron è stato introdotto da M. Minsky e S. Papert nel 1969.
- Si tratta di un Perceptron esteso, con uno o più livelli nascosti tra lo strato di input e quello di output.
- Grazie alla sua struttura estesa, un Multi-Layer Perceptron è in grado di risolvere ogni operazione logica, compreso il problema XOR.

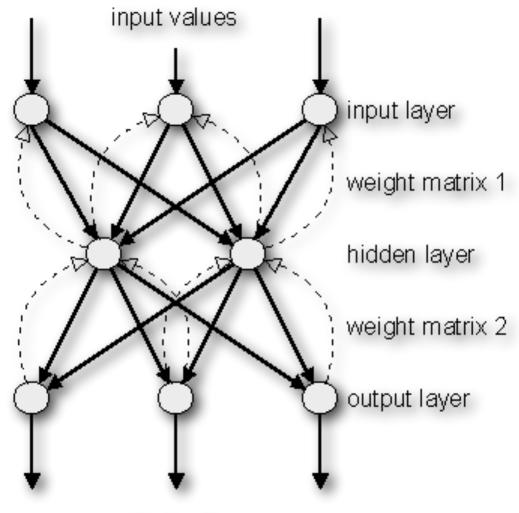
tipo	Feedforward
strati	1 strato di input, 1 o più strati nascosti, 1 strato di output
valori di input/output	binari
funzione di attivazione	hard limit, sigmoidea
metodo di apprendimento	supervisionato
algoritmo di apprendimento	delta rule
utilizzo	operazioni logiche complesse, pattern classification



MLP Backpropagation

- La rete MLP Backpropagation è stata introdotta da Hinton, Rumelhart e Williams nel 1986 ed è uno dei tipi più potenti di rete neurale.
- Ha la stessa struttura del Multi-Layer Perceptron e utilizza l'algoritmo di apprendimento "backpropagation".

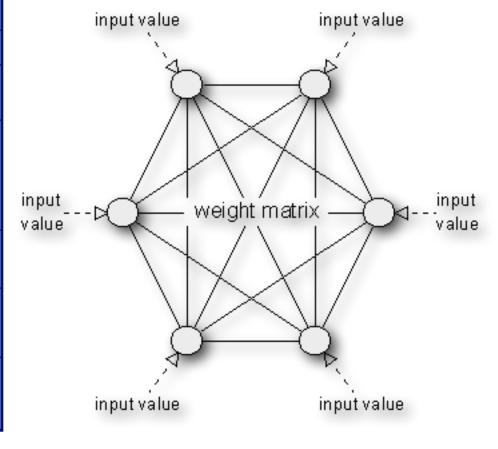
tipo	Feedforward
strati	1 strato di input, 1 o più strati nascosti, 1 strato di output
valori di input/output	binari
funzione di attivazione	sigmoidea 0.5
metodo di apprendimento	supervisionato
algoritmo di apprendimento	backpropagation
utilizzo	operazioni logiche complesse, pattern classification, analisi del parlato



Hopfield

- Questa rete è stata introdotta dal fisico Hopfield nel 1982 e appartiene ai tipi di reti neurali denominate "modelli termodinamici".
- Si compone di un insieme di neuroni, in cui ogni neurone è collegato ad ogni altro neurone.
- Non c'è differenziazione tra neuroni di input e di output.
- L'applicazione principale di una rete di Hopfield è la conservazione e il riconoscimento di modelli, per esempio immagini.

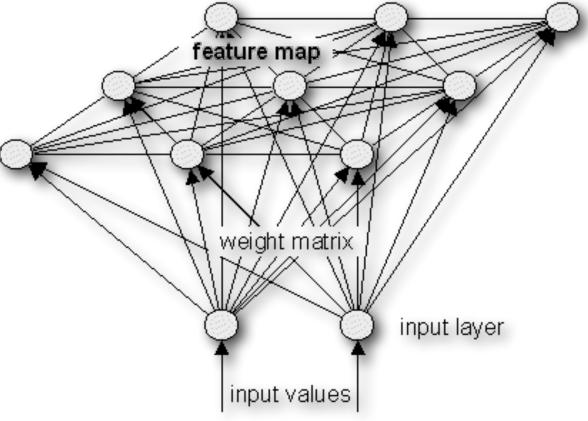
tipo	Feedback
strati	1 matrice di connessioni
valori di input/output	binari
funzione di attivazione	segno, hard limiter $a \rightarrow n$
metodo di apprendimento	non supervisionato
algoritmo di apprendimento	delta rule simulated annealing (più usata)
utilizzo	pattern association, problemi di ottimizzazione



Mappa di Kohonen

- Questa rete è stata introdotta dal professore finlandese Teuvo Kohonen (Università di Helsinki) nel 1982.
- È probabilmente il tipo di rete neurale più utile per la simulazione del processo di apprendimento del cervello umano.
- Il suo "cuore" è la mappa caratteristica, uno strato di neuroni in cui i neuroni si organizzano secondo certi valori di input.
- Questo tipo di rete neurale è sia feedforward (neuroni di input→mappa) e feedback (neuroni della mappa interconnessi).

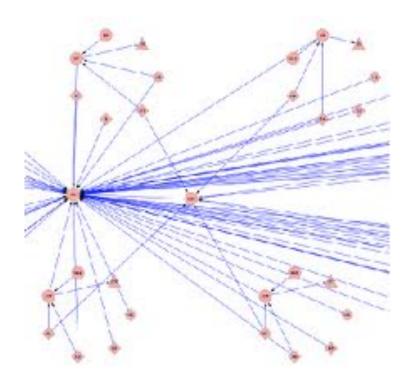
tipo	Feedforward/Feedback
strati	1 strato di input, 1 strato "mappa"
valori di input/output	binari, reali
funzione di attivazione	sigmoidea 0.5
metodo di apprendimento	non supervisionato
algoritmo di apprendimento	auto-organizzazione (<u>esempio</u>)
utilizzo	pattern classification, problemi di ottimizzazione simulazione



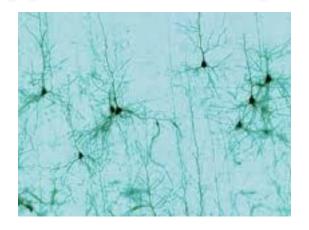
Durante il processo di apprendimento, i neuroni sulla mappa si organizzano in funzione dei valori di ingresso.

Questo si traduce in una struttura neuronale clusterizzata, in cui i neuroni con proprietà (valori) simili si dispongono in settori connessi sulla mappa.

- Questa sezione descrive le capacità di apprendimento delle reti neurali.
- In primo luogo, viene illustrato il termine *apprendimento*.
- Successivamente, viene presentata una <u>panoramica</u> di specifici algoritmi di apprendimento per reti neurali.

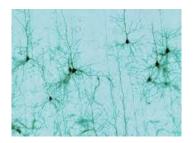


Cosa significa "apprendimento" per una rete neurale?



- ▶ Nel cervello umano, l'informazione viene passata tra i neuroni in forma di stimolazione elettrica lungo i dendriti.
- ▶ Se una certa quantità di stimolazione viene ricevuta da un neurone, esso genera un output verso tutti gli altri neuroni connessi e così le informazioni prendono la loro strada verso la destinazione, dove si verificherà qualche reazione.
- ▶ Se lo stimolo in entrata è troppo basso, nessuna uscita è generata dal neurone e il successivo trasporto delle informazioni sarà bloccato.

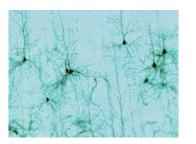
Cosa significa "apprendimento" per una rete neurale?



Spiegare come il cervello umano impari certe cose è molto difficile e nessuno lo sa esattamente.

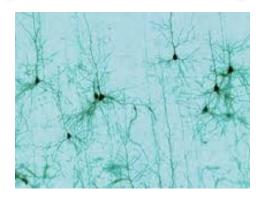
- Si suppone che durante il processo di apprendimento la **struttura di collegamento tra i neuroni venga modificata**, in modo che certe stimolazioni sono accettate solo da certi neuroni.
- Ciò significa che esistono solidi legami tra le cellule neurali una volta che hanno imparato un fatto specifico, consentendo il richiamo rapido delle informazioni.
- Se informazioni analoghe arrivano successivamente vengono stimolate le stesse cellule nervose, che *adatteranno la loro struttura di connessione* in funzione di queste nuove informazioni.
- D'altra parte, se una informazione specifica non viene richiamata per molto tempo, la struttura di connessione stabilita tra le cellule neurali responsabili diverrà più "debole".
- Questo accade ad es. quando si "dimentica" un fatto in precedenza acquisito o lo si ricorda solo vagamente.

Cosa significa "apprendimento" per una rete neurale?



- Come accennato prima, le reti neurali cercano di simulare la capacità di apprendimento del cervello umano.
- Infatti, la rete neurale artificiale è fatta anch'essa di neuroni e dendriti. A differenza del modello biologico, una rete neurale ha una struttura immutabile, costruita su un determinato numero di neuroni e un determinato numero di connessioni tra di loro (chiamate **pesi**), che hanno certi valori.
- Ciò che cambia nel processo di apprendimento sono i valori di tali pesi.

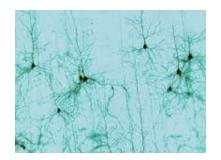
Cosa significa "apprendimento" per una rete neurale?



Rispetto all'originale biologico questo significa che:

- I. Le informazioni in arrivo "stimolano" (superano un determinato <u>valore di soglia</u> di) certi neuroni
- 2. Questi passano le informazioni ai neuroni collegati o prevengono l'ulteriore trasporto lungo le connessioni "ponderate" in uscita.
- 3. Il valore di un peso sarà aumentato se le informazioni devono essere trasportate e ridotto in caso contrario.

Cosa significa "apprendimento" per una rete neurale?



Durante l'apprendimento di diversi input, i valori dei pesi vengono cambiati dinamicamente fino a quando non sono in equilibrio, in modo tale che ogni ingresso porterà all'output desiderato.

L'addestramento di una rete neurale risulta in una matrice che contiene i valori dei pesi tra i neuroni.

Una volta che una rete neurale è stata <u>correttamente addestrata</u>, sarà probabilmente in grado di trovare il risultato desiderato per un ingresso precedentemente appreso, utilizzando i valori della matrice dei pesi.

Perché <u>probabilmente</u>? Purtroppo non si può garantire che una rete neurale produca i risultati corretti in ogni caso. Molto spesso vi è un certo errore residuo dopo il processo di apprendimento, per cui l'output generato è solo una buona approssimazione dell'uscita perfetta nella maggior parte dei casi.

Apprendimento supervisionato

L'algoritmo di apprendimento di una rete neurale può essere con o senza supervisione.

Una rete neurale è <u>supervisionata</u>, se l'output desiderato è già noto.

Esempio: associazione di modelli (pattern association)

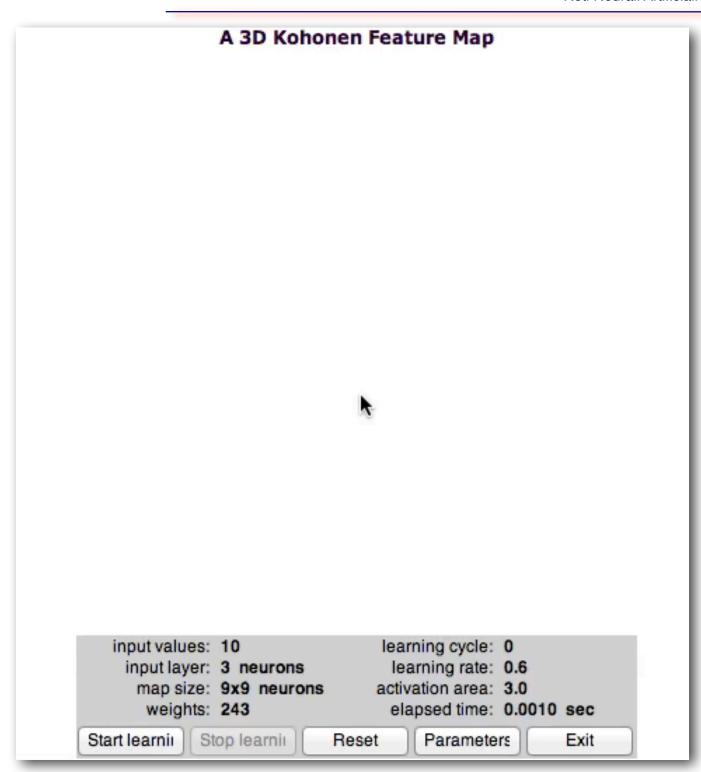
Supponiamo che, una rete neurale debba imparare ad associare le seguenti coppie di modelli. I modelli d'ingresso (input pattern) sono numeri decimali, ognuno rappresentato da una sequenza di bit. I modelli di uscita (output pattern) sono forniti in forma di valori binari dei numeri decimali:

input pattern	output pattern
0001	001
0010	010
0100	011
1000	100

- I. Durante l'apprendimento, uno dei pattern di input viene "presentato" al livello di input della rete.
- 2. Questo pattern si <u>propaga</u> attraverso la rete (indipendentemente dalla sua struttura) sino al livello di uscita.
- 3. Lo strato di uscita genera un <u>pattern di output</u> che viene poi confrontato con il pattern reale. A seconda della differenza tra la il risultato prodotto dalla rete e l'obiettivo, viene calcolato un valore di errore.
- 4. Questo errore indica lo <u>sforzo di apprendimento</u> della rete, che può essere controllato dal "supervisore immaginario".
- 5. Quanto maggiore è il valore di errore calcolato, tanto più i valori dei pesi verranno modificati.

Apprendimento non supervisionato

- Le reti neurali non supervisionate (cioè che "imparano" senza supervisione) non hanno uscite predefinite.
- Il <u>risultato</u> del processo di apprendimento <u>non può essere determinato a priori</u>.
- Durante il processo di apprendimento, le unità (i pesi) della rete neurale vengono "disposte" all'interno di un <u>determinato intervallo di valori</u>, a seconda dei valori in ingresso.
- L'obiettivo è quello di <u>raggruppare insieme unità simili</u>, "vicine" in certe aree del range di valori.
- Questo effetto può essere utilizzato in modo efficace ai fini della classificazione di modelli (clustering).
- ▶ Il seguente esempio di rete di Kohonen "self organizing" chiarisce il funzionamento in dettaglio.



Forward propagation

Si tratta di un <u>algoritmo di apprendimento supervisionato</u> che descrive il "flusso di informazioni" attraverso una rete neurale dal suo strato di ingresso al suo livello di output.

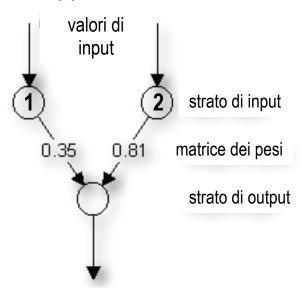
L'algoritmo funziona nel modo seguente:

- 1. Impostare tutti i pesi a valori casuali compresi tra -1.0 e +1.0
- 2. Fornire un pattern di ingresso (valori binari) ai neuroni del livello di input
- 3. Attivare ogni neurone dello strato successivo nel modo seguente:
 - moltiplicare i valori di peso delle connessioni che portano al neurone con i valori di output dei neuroni precedenti;
 - sommare questi valori;
 - passare il risultato ad una funzione di attivazione, che calcola il valore di uscita del neurone.
- 4. Ripetere questa operazione fino a quando lo strato di uscita non viene raggiunto
- 5. Confrontare il pattern di uscita calcolato con il pattern previsto e calcolare l'errore
- 6. Modificare tutti i pesi aggiungendo il valore di errore ai (vecchi) valori di peso
- 7. Tornare al punto 2
- 8. L'algoritmo termina se tutti i pattern di output corrispondono ai loro pattern previsti

Forward propagation

Esempio.

Supponiamo di avere il seguente Perceptron a due strati:



valore di output

Pattern da "apprendere":

input	output previsto (target)
0 1	0
1 1	1

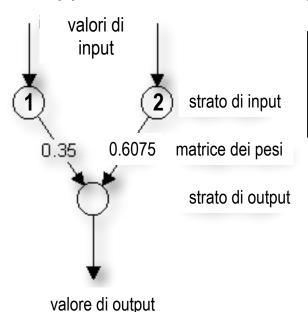
(1) Inizialmente i pesi vengono impostati a valori casuali (0.35 e 0.81) e il "tasso di apprendimento" (learning rate) μ della rete è impostato a 0.25; quindi vengono forniti in ingresso i valori del primo pattern di input (0 1). Il neurone dello strato di output viene così attivato:

Input 1 del neurone di output	$0 \times 0.35 = 0$
Input 2 del neurone di output	1 × 0.81 = 0.81
Somma degli input	0 + 0.81 = 0.81 (= output)
Calcolo dell'errore	0 - 0.81 = -0.81
Valore di modifica del peso 1	$0.25(\mu) \times 0(\text{input1}) \times (-0.81) = 0$
Valore di modifica del peso 2	$0.25(\mu) \times 1(\text{input2}) \times (-0.81) = -0.2025$
Modifica del peso 1	0.35 + 0 = 0.35 (immutato)
Modifica del peso 2	0.81 + (-0.2025) = 0.6075

Forward propagation

Esempio.

Supponiamo di avere il seguente Perceptron a due strati:



Pattern da "apprendere":

input	output previsto (target)
0 1	0
1 1	1

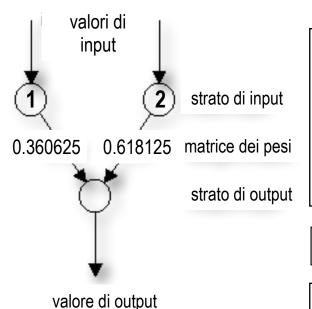
(2) Dopo che i pesi sono stati modificati viene fornito in ingresso il secondo pattern di input (1 1) e viene nuovamente eseguita l'attivazione del neurone di output, con i nuovi valori dei pesi:

Input 1 del neurone di output	1 × 0.35 = 0.35
Input 2 del neurone di output	1 × 0.6075 = 0.6075
Somma degli input	0.35 + 0.6075 = 0.9575 (= output)
Calcolo dell'errore	1 - 0.9575 = 0.0425
Valore di modifica del peso 1	$0.25(\mu) \times 1(input1) \times 0.0425 = 0.10625$
Valore di modifica del peso 2	$0.25(\mu) \times 1(\text{input2}) \times 0.0425 = 0.10625$
Modifica del peso 1	0.35 + 0.10625 = 0.360625
Modifica del peso 2	0.6075 + 0.10625 = 0.618125

Forward propagation

Esempio.

Supponiamo di avere il seguente Perceptron a due strati:



(3) Si conclude così il primo passo di apprendimento (learning step, o "epoca"), nel quale ciascun pattern di input è stato propagato attraverso la rete ed i pesi sono stati aggiornati.

L'errore complessivo della rete può essere ora calcolato mediando i quadrati degli errori di output (MSE=Mean Squared Error):

Errore della rete (MSE)

 $[(-0.81)^2 + (0.0425)^2]/2 = 0.32895313$

Pattern da "apprendere":

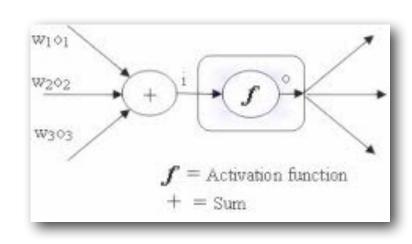
input	output previsto (target)
0 1	0
1 1	1

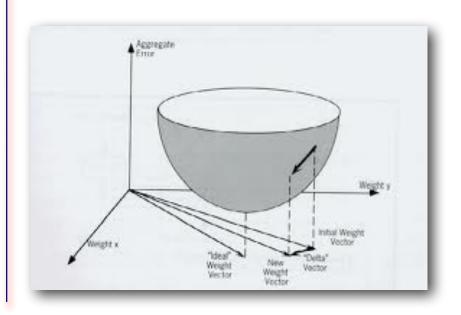
Ripetendo tale procedura, l'errore della rete si riduce progressivamente.

L'algoritmo termina correttamente (converge) quando l'errore della rete è nullo (situazione ideale) o quasi...

Backward propagation

Il Backpropagation è un algoritmo di <u>apprendimento supervisionato</u> ed è principalmente usato dal Multi-Layer Perceptron per cambiare i pesi collegati agli strati di neuroni nascosti.





L'algoritmo di backpropagation utilizza l'<u>errore di</u> <u>output</u> per cambiare i valori dei pesi a ritroso.

Per ottenere l'errore deve essere stata precedentemente eseguita una fase "forward propagation", durante la quale i neuroni vengono attivati utilizzando la funzione di attivazione (tipicamente sigmoidea).

Backward propagation

La formula dell'attivazione sigmoidea è:

$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

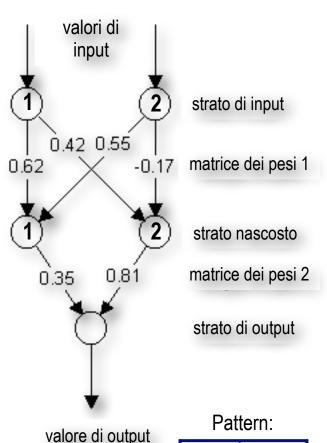
L'algoritmo funziona nel modo seguente.

- I. Eseguire la fase di forward propagation per un pattern di input e calcolare l'errore di uscita
- 2. Cambiare tutti i valori di ogni matrice dei pesi utilizzando la formula: $(vecchio)peso + tasso di apprendimento \times errore di output \times neurone di output_{(i)} \times neurone di output_{(i+1)} \times [1 neurone di output_{(i+1)}]$
- 3. Tornare al punto 1
- 4. L'algoritmo termina se tutti i pattern di output corrispondono ai target (o quasi...)

Backward propagation

Esempio.

Supponiamo di avere il seguente Multi-Layer Perceptron a tre strati:



input

0 1

1 1

target

0

1

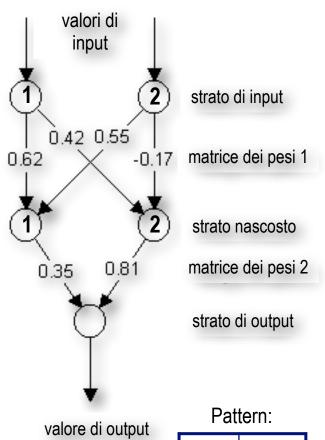
- (1) Inizialmente i pesi vengono impostati ai valori casuali (0.62, 0.42, 0.55, -0.17) per la matrice dei pesi 1 e (0.35, 0.81) per la matrice 2, con μ = 0.25.
- Quindi viene fornito il primo ingresso (0 1) allo strato di input e vengono attivati i neuroni dello strato nascosto:

Input del neurone nascosto 1	$0 \times 0.62 + 1 \times 0.55 = 0.55$
Input del neurone nascosto 2	$0 \times 0.42 + 1 \times (-0.17) = -0.17$
Output del neurone nascosto 1	$1/(1+\exp(-0.55)) = 0.634$
Output del neurone nascosto 2	$1/(1+\exp(+0.17)) = 0.458$

Backward propagation

Esempio.

Supponiamo di avere il seguente Multi-Layer Perceptron a tre strati:



input

0 1

1 1

target

0

1

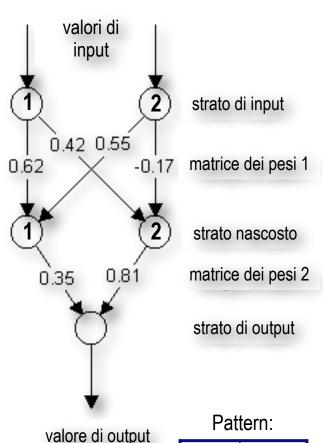
(2) Viene ora attivato il neurone dello strato di output:

Input del neurone di output	$0.634 \times 0.35 + 0.458 \times 0.81 = 0.593$
Uscita del neurone di output	$1/(1+\exp(-0.593)) = 0.644$
Errore di output	0 - 0.644 = -0.644

Backward propagation

Esempio.

Supponiamo di avere il seguente Multi-Layer Perceptron a tre strati:



input

0 1

1 1

target

0

1

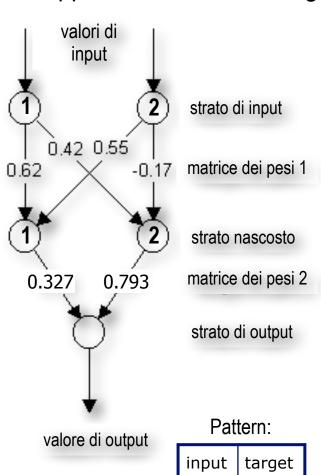
(3) Dopo aver ottenuto l'errore di output, possiamo eseguire la backpropagation. Iniziamo modificando i pesi della <u>matrice 2</u>:

Valore di modifica del peso 1	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
Valore di modifica del peso 2	$0.25 \times (-0.644) \times 0.458 \times 0.644 \times (1-0.644) = -0.017$
Modifica del peso 1	0.35 + (-0.023) = 0.327
Modifica del peso 2	0.81 + (-0.017) = 0.793

Backward propagation

Esempio.

Supponiamo di avere il seguente Multi-Layer Perceptron a tre strati:



0 1

1 1

0

1

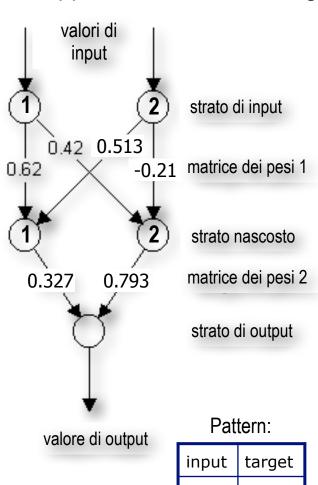
(4) Ora possiamo aggiornare i pesi della matrice 1:

Valore di modifica del peso 1	$0.25 \times (-0.644) \times 0 \times 0.634 \times (1-0.634) = 0$
Valore di modifica del peso 2	$0.25 \times (-0.644) \times 0 \times 0.458 \times (1-0.458) = 0$
Valore di modifica del peso 3	$0.25 \times (-0.644) \times 1 \times 0.634 \times (1-0.634) = -0.037$
Valore di modifica del peso 4	$0.25 \times (-0.644) \times 1 \times 0.458 \times (1-0.458) = -0.040$
Modifica del peso 1	0.62 + 0 = 0.62 (immutato)
Modifica del peso 2	0.42 + 0 = 0.42 (immutato)
Modifica del peso 3	0.55 + (-0.037) = 0.513
Modifica del peso 4	-0.17 + (-0.040) = -0.210

Backward propagation

Esempio.

Supponiamo di avere il seguente Multi-Layer Perceptron a tre strati:



0 1

1 1

0

- (5) Il primo pattern di input è stato propagato attraverso la rete.
- La stessa procedura verrà utilizzata per il successivo pattern di input, questa volta con i valori dei pesi modificati.
- Dopo la propagazione forward e backward del secondo input viene completato un passo di apprendimento (learning step, o "epoca") e quindi si può calcolare l'errore di rete mediando gli errori quadratici di output.
- Eseguendo questa procedura più volte, l'errore diventa sempre più piccolo.
- L'algoritmo termina correttamente se l'errore della rete è pari a zero (situazione perfetta) o quasi.
- Si noti che questo algoritmo è applicabile anche per Multi-Layer Perceptron con più di un livello nascosto.

Backward propagation

Cosa succede se tutti i valori di un pattern di input sono zero?



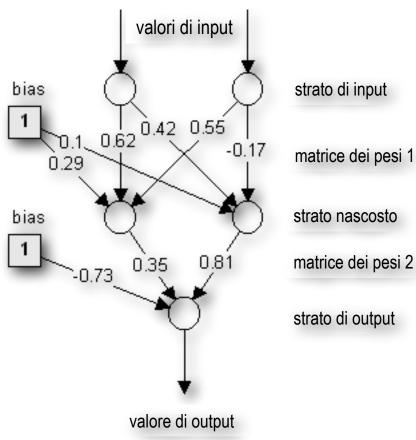
Se tutti i valori di un pattern di input sono zero, i pesi della matrice non saranno mai modificati per esso e la rete non apprenderà mai quel pattern.

Per evitare ciò, viene creato uno "pseudo input" chiamato **Bias** con un valore costante pari a 1.

Questo cambia la <u>struttura della rete</u> nel modo seguente:

Backward propagation

MLP a tre strati con Bias

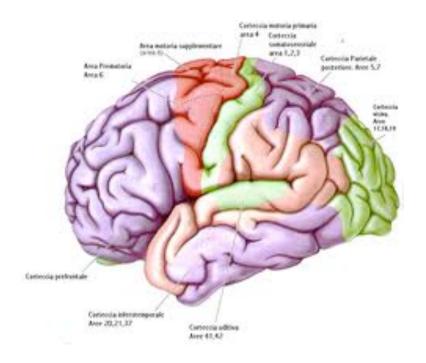


- ▶ I pesi aggiuntivi, associati ai Bias in ingresso ai neuroni degli strati nascosti e di output, hanno valori iniziali casuali e vengono aggiornati analogamente agli altri.
- ▶ Inviando un valore costante I ai neuroni, viene garantito che i loro valori di input siano sempre diversi da zero.

Self organization

"Self organization" (auto-organizzazione) è un <u>algoritmo di apprendimento</u> <u>non supervisionato</u> utilizzato dalle reti neurali con mappa caratteristica di Kohonen (Kohonen Feature Map).

Come accennato nei paragrafi precedenti, una rete neurale cerca di simulare il cervello biologico umano, e l'auto-organizzazione è probabilmente il modo migliore per rendersene conto.



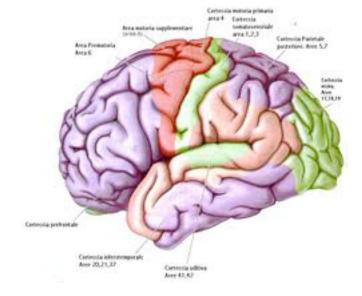
Self organization

È comunemente noto che la corteccia del cervello umano è suddivisa in diverse regioni, ognuna responsabile di determinate funzioni. Le cellule neurali si organizzano in gruppi, secondo le informazioni in arrivo.

Le <u>informazioni in input</u> non solo sono ricevute dalle singole cellule neurali, ma influenzano anche le altre cellule vicine.

Questa organizzazione si traduce in una specie di mappa, nella quale le cellule neurali con funzioni simili vengono disposte in raggruppamenti

omogenei (cluster).



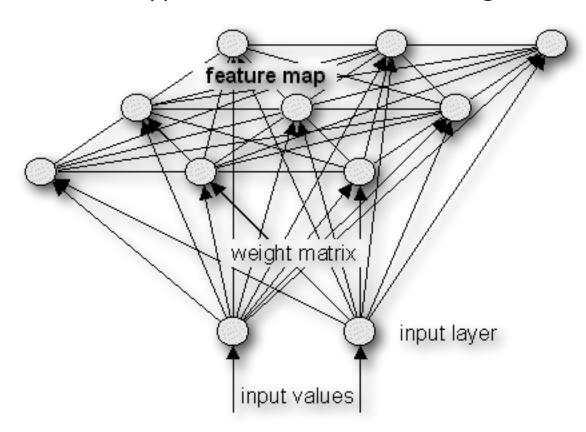
Self organization

Questo processo di auto-organizzazione può essere eseguito anche da una rete neurale.

Questo tipo di rete neurale è per lo più utilizzato per la classificazione, perché i valori di input simili vengono agglomerati in zone della mappa.

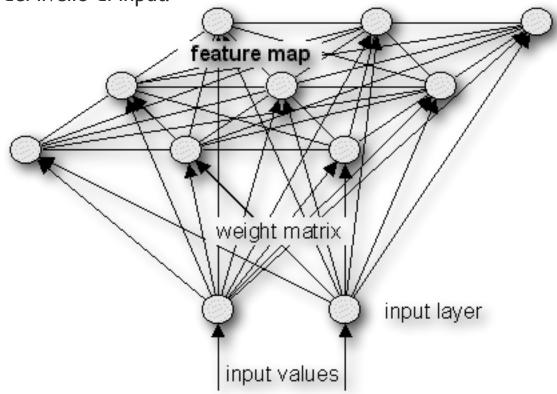
Una struttura tipica di una mappa di Kohonen che utilizza l'algoritmo self organization è la

seguente:



Self organization

- Come si può vedere, ogni neurone del livello di input è collegato ad ogni neurone sulla mappa.
- La matrice dei pesi risultante è usata per propagare i valori di input della rete ai neuroni della mappa.
- Inoltre, tutti i neuroni nella mappa sono collegati tra loro. Questi collegamenti vengono utilizzati per influenzare i neuroni in una certa area di attivazione intorno al neurone con la massima attivazione, ricevuta dall'uscita del livello di input.



Self organization

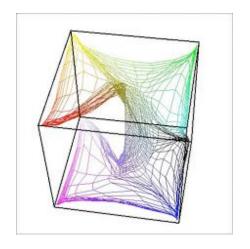
La quantità di feedback tra i neuroni della mappa viene di solito calcolata mediante la **funzione di Gauss**:

$$feedback_{ci} = e^{\frac{-|x_c - x_i|^2}{2r^2}}$$

dove

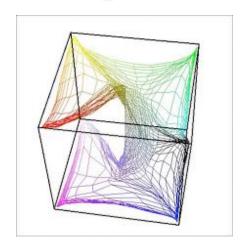
- x_c è la posizione del neurone più attivato (centroide);
- x_i sono le posizioni degli altri neuroni della mappa;
- r è l'area di attivazione (raggio).

Self organization



- ♀ Ciò si traduce in una attivazione dei neuroni in una vasta area intorno al neurone più attivo.

Self organization



- A differenza del modello biologico, i neuroni della mappa non cambiano la loro posizione sulla mappa.
- L' "organizzazione" è <u>simulata modificando i valori nella matrice dei pesi</u> (allo stesso modo delle altre reti neurali).

Poiché questo è un <u>algoritmo di apprendimento non supervisionato</u>, non vi sono pattern di ingresso/target preesistenti.

I valori in input alla rete sono presi da un range predefinito, e rappresentano i "dati" che devono essere organizzati.

Self organization

L'algoritmo "self organization" funziona nel modo seguente.

- 1. Definire l'intervallo dei valori di input
- 2. Impostare tutti i pesi a valori casuali presi nel campo dei valori di ingresso
- 3. Definire l'area iniziale (raggio) di attivazione
- 4. Prendere un valore a caso dal set di input e passarlo ai neuroni dello strato di input
- 5. Determinare il neurone più attivo sulla mappa:
 - moltiplicare l'uscita del livello di input con i valori dei pesi;
 - il neurone mappa con il maggior valore risultante è detto essere "il più attivo";
 - calcolare il valore di feedback di ogni altro neurone mappa utilizzando la funzione di Gauss.
- 6. Ottenere i nuovi valori dei pesi w_{i+1} con la formula:

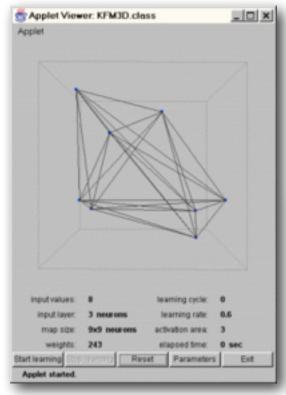
```
w_{i+1} = w_i + feedback × (valore di ingresso – w_i) × tasso di apprendimento
```

- 7. Ridurre l'area di attivazione
- 8. Tornare al punto 4
- 9. L'algoritmo termina se l'area di attivazione è più piccola di un valore specificato

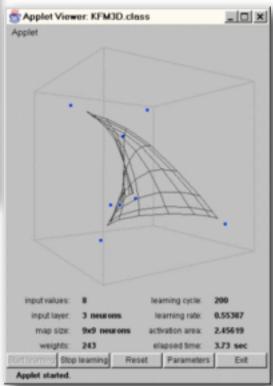
Self organization

Esempio: vedi <u>animazione</u>.

- La Kohonen Feature Map dell'esempio ha tre neuroni nel suo strato di input che rappresentano i valori delle dimensioni spaziali x, y e z.
- ▶ La mappa caratteristica è inizialmente bidimensionale, e ha 9×9 neuroni.
- ▶ La matrice risultante ha 3 × 9
 × 9 = 243 pesi, perché ogni
 neurone di input è collegato
 ad ogni neurone della mappa.



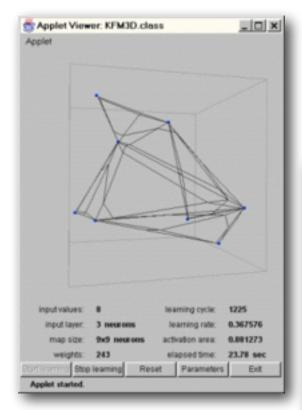
Schermate iniziali dell'animazione



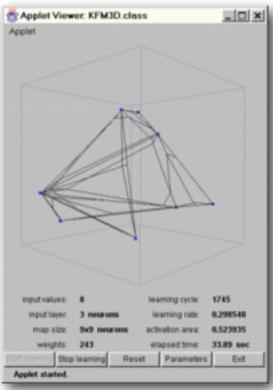
Self organization

Esempio: vedi animazione.

- Man mano che l'apprendimento progredisce, la mappa diventa sempre più strutturata.
- ▶ Dall'animazione si può osservare che i neuroni della mappa "tentano" di avvicinarsi il più possibile al loro valore di input (punto bu) più vicino.



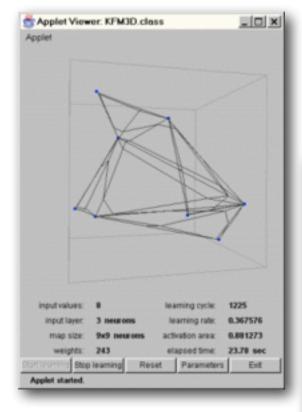
Schermate successive dell'animazione



Self organization

Esempio: vedi animazione.

- ▶ Al termine del processo di apprendimento, la mappa caratteristica "aggancia" tutti i valori di input (punti blu).
- La griglia non è geometricamente regolare poiché i neuroni interni alla mappa tentano anch'essi di avvicinarsi ai punti di input.
- Questo porta ad una visione distorta della griglia.



Schermate successive dell'animazione

