

# (Bio)Statistica con R

Parte I



UNIVERSITÀ  
DEGLI STUDI  
DI FOGGIA



# (Bio)Statistica con R – Parte I

- In questa Parte I dell'esercitazione di (bio)statistica con R acquisiremo il dataset di riferimento "Database\_Covid\_unico\_Puglia" che memorizzeremo nella variabile dataframe "dati" di R ed utilizzeremo per lo svolgimento degli esempi ed esercizi.
- Per acquisire il dataset (che si trova in un server remoto) basta eseguire il seguente comando nella sessione R:  

```
> dati <- read.csv2(  
  "https://www.crescenziogallo.it/pub/Database\_Covid\_unico\_Puglia.csv",  
  header=TRUE, sep = "\t")
```
- L'istruzione `read.csv2` legge un file di testo in formato CSV "italiano" (punto decimale ","); il file ha una prima riga di intestazione (*header = TRUE*) e con campi separati dal carattere di tabulazione (*sep = "\t"*).
- Il contenuto del file di testo viene memorizzato nella variabile *dati*, che è di tipo "dataframe". Per verificarlo basta eseguire il comando:  

```
> class(dati)  
[1] "data.frame"
```

# (Bio)Statistica con R – Parte I

- Dopo aver acquisito il dataset, occorre definire esplicitamente le variabili categoriche mediante l'istruzione *factor* e le variabili di tipo data mediante l'istruzione *as.Date*:

```
> dati$Sede = factor(dati$Sede)
> dati$BARI = factor(dati$BARI)
> dati$BRINDISI = factor(dati$BRINDISI)
> dati$FOGGIA = factor(dati$FOGGIA)
> dati$MIULLI = factor(dati$MIULLI)
> dati$Data_Ingresso = as.Date(dati$Data_Ingresso, format("%d/%m/%Y"))
> dati$Age65 = factor(dati$Age65)
> dati$Sesso = factor(dati$Sesso)
> dati$Asma = factor(dati$Asma)
> dati$BPCO = factor(dati$BPCO)
> dati$Diabete = factor(dati$Diabete)
> dati$Mal_Neurologiche = factor(dati$Mal_Neurologiche)
> dati$Cardiopatie = factor(dati$Cardiopatie)
> dati$Neoplasia = factor(dati$Neoplasia)
> dati$Punti_Età = factor(dati$Punti_Età)
> dati$Charlson_Index = factor(dati$Charlson_Index)
> dati$Insuff_Renale = factor(dati$Insuff_Renale)
> dati$Comr_2più = factor(dati$Comr_2più)
> dati$Comr_3più = factor(dati$Comr_3più)
> dati$Deceduto = factor(dati$Deceduto)
> dati$Data_Dimissione_Decesso = as.Date(dati$Data_Dimissione_Decesso, format("%d/%m/%Y"))
> dati$Deceduto_a_30gg = factor(dati$Deceduto_a_30gg)
> dati$Supporto_Respiratorio = factor(dati$Supporto_Respiratorio)
```

# (Bio)Statistica con R – Parte I

- Infine, salviamo il dataframe così strutturato:  
> `save(dati, file = "Database_Covid_unico_Puglia.RData")`
- L'istruzione `save` scrive una rappresentazione esterna di oggetti R nel file specificato.
- Gli oggetti possono essere riletti dal file in un secondo momento usando la funzione `load` o `attach` (o `data` in alcuni casi).
- Oltre a `file`, è possibile specificare anche altri parametri, come `"ascii = TRUE"` (se si desidera una rappresentazione testuale invece che in binario dei dati).
- Nel caso si sia appena aperta una nuova sessione R, è quindi possibile leggere il dataframe `dati` con il seguente comando:  
> `load("Database_Covid_unico_Puglia.RData")`

# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche univariate

- Dopo aver caricato il dataframe *dati* nella sessione R ne possiamo esaminare la struttura con il comando *str*:

```
> str(dati)
'data.frame': 521 obs. of 42 variables:
 $ Sede          : Factor w/ 4 levels "BARI","BRINDISI",...: 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
...
 $ Età           : int 72 88 92 58 64 76 80 43 62 50 ...
```

- Effettuiamo alcune semplici statistiche sulla variabile numerica *Età*:

```
> summary(dati$Età)
  Min. 1st Qu.  Median    Mean 3rd Qu.    Max.
13.00  55.00  69.00  67.18  82.00  99.00
```

- Sulla variabile categorica *Sede* ovviamente possiamo solo conteggiare le frequenze assolute e relative:

```
> table(dati$Sede)
BARI BRINDISI      FG  MIULLI
 97     36     161    227
> prop.table(table(dati$Sede))
      BARI  BRINDISI      FG  MIULLI
0.18618042 0.06909789 0.30902111 0.43570058
```

# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche univariate

- Visualizzo l'istogramma della variabile *Età*:  
> `hist(dati$Età, main="Età pazienti", ylab="frequenza", xlab="classe di età", col = "blue")`
- Estraggo nel dataframe *df* alcune colonne del dataset:  
> `df = dati[,c("Sede", "Età", "Sesso", "Fumatore", "Asma", "BPCO", "Charlson_Index")]`
- Esamino la distribuzione della variabile categorica *Sesso*; il risultato presenta le frequenze assolute associate ai due valori che la variabile può assumere:  
> `summary(df$Sesso)`
- Lo stesso risultato si ottiene con la funzione *table()*:  
> `table(df$Sesso)`
- Si può calcolare la tabella a doppia entrata che incrocia il *Sesso* e la provenienza (*Sede*):  
> `table(df$Sede, df$Sesso)`
- Per ottenere le frequenze relative è sufficiente utilizzare la funzione di **R** `prop.table()`:  
> `prop.table(table(df$Sesso))`  
> `prop.table(table(df$Sede, df$Sesso))`

# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche univariate

- Per mettere in grafico la distribuzione della variabile *Sesso* possiamo usare la funzione `barplot()`:  
> `barplot(prop.table(table(df$Sesso)))`
- In alternativa all'istogramma, la distribuzione di una variabile categorica può essere visualizzata usando un diagramma a torta, sempre a partire dalla tabella:  
> `pie(table(df$Sesso))`
- Studiamo la distribuzione della variabile numerica *Età* (in totale e per sede). R fornisce diverse informazioni sulla distribuzione di una variabile numerica; per la precisione, il minimo, il massimo, il primo, il secondo (la mediana) e il terzo quartile della distribuzione.  
> `summary(df$Età)`  
> `EtàBA <- subset(df$Età, df$Sede=="BARI")`  
> `summary(EtàBA)`  
> `EtàBR <- subset(df$Età, df$Sede=="BRINDISI")`  
> `summary(EtàBR)`  
> `EtàFG <- subset(df$Età, df$Sede=="FG")`  
> `summary(EtàFG)`  
> `EtàMIULLI <- subset(df$Età, df$Sede=="MIULLI")`  
> `summary(EtàMIULLI)`

# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche univariate

- In un boxplot, la "scatola" (box) centrale marca il 50% centrale della distribuzione (dal primo al terzo quartile), la linea in grassetto al centro rappresenta la mediana, e i due baffi esterni sono il minimo e il massimo della distribuzione. Ci sono molte funzioni di **R** che usano il boxplot. Nel pacchetto di grafica standard, quello che viene caricato automaticamente all'installazione, la funzione si chiama appunto **boxplot()**:

```
> boxplot(df$Età, ylab = "Età (anni)")
```

- Esaminiamo l'istogramma. Il parametro **freq=TRUE** consente di ottenere le frequenze; per ottenere le densità occorre specificare invece **freq=FALSE**. Il parametro *right* consente di definire l'estremità da considerare nell'intervallo di classificazione: con **right=FALSE** non viene compreso l'estremo destro delle classi.

```
> hist(df$Età, freq = TRUE, right = FALSE, main = "Istogramma età pazienti",  
      xlab = "Età", ylab = "Frequenza")
```

# (Bio)Statistica con R – Parte I

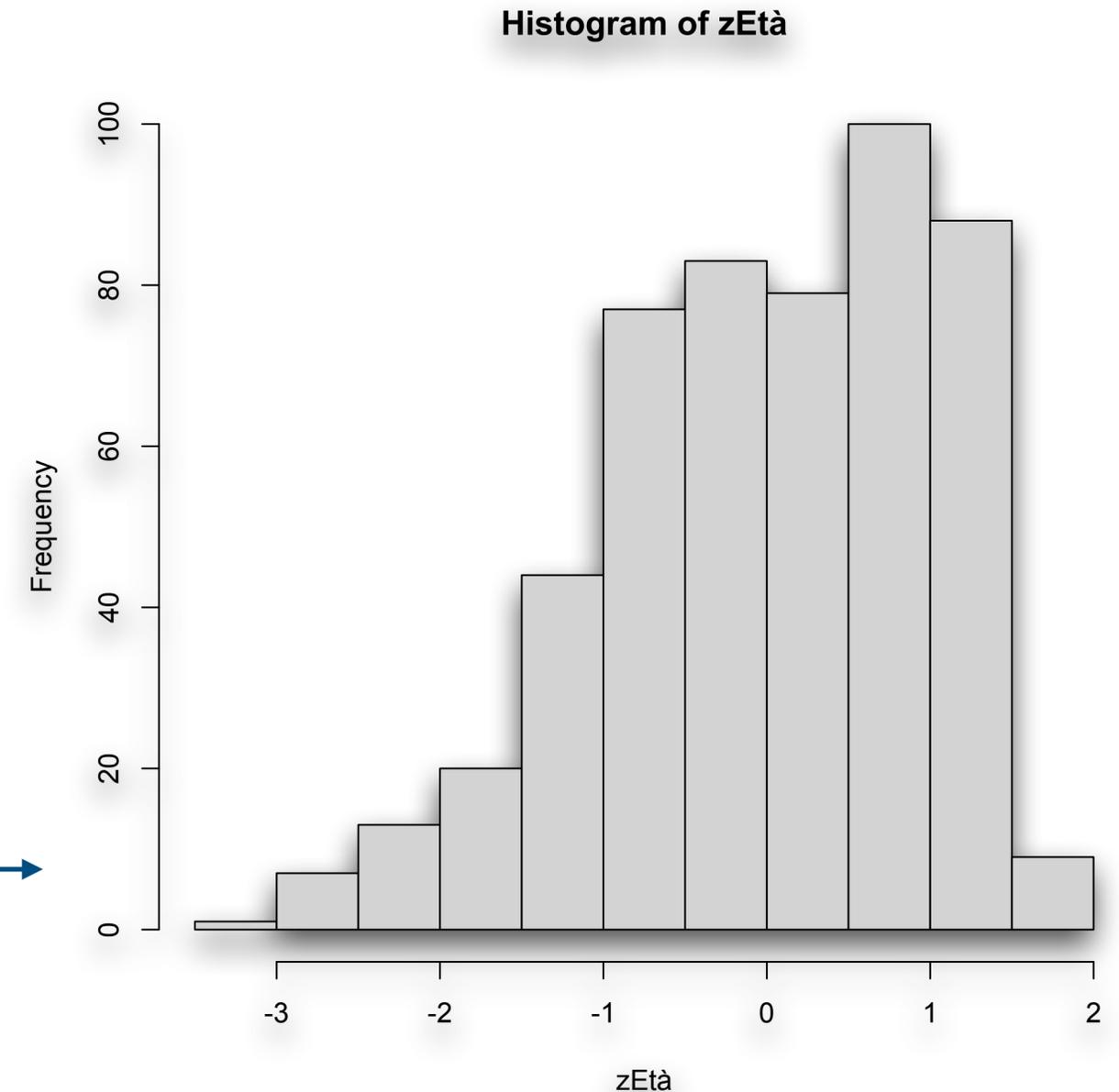
## Statistiche univariate

- Esaminiamo alcune misure di tendenza centrale:
  - > `median(df$Età)` # mediana
  - > `t <- table(df$Età); moda <- attr(which(t==max(t)), "names")` # moda
  - > `mean(df$Età)` # media aritmetica
  - > `sqrt(mean(df$Età^2))` # media quadratica
  - > `exp(mean(log(df$Età)))` # media geometrica
  - > `1/mean(1/df$Età)` # media armonica
- Per queste ultime medie è possibile installare il pacchetto **psych** e utilizzare le funzioni **geometric.mean()** e **harmonic.mean()**:
  - > `require(psych)`
  - > `geometric.mean(df$Età)`
  - > `harmonic.mean(df$Età)`

# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche univariate

- Misure di dispersione:
  - > `range(df$Età)`
  - > `IQR(df$Età)` # range interquartile
  - > `sd(df$Età)` # deviazione standard
  - > `var(df$Età)` # varianza
  - > `mad(df$Età)` # median absolute deviation – indicata per distribuzioni non normali
- Standardizzazione (un'operazione molto utile quando vogliamo confrontare fra loro gruppi di dati raccolti in condizioni diverse):
  - > `zEtà <- scale(df$Età)`
  - > `hist(zEtà)` # `media=0 ds=1` 



# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche univariate

- Esaminiamo la normalità della distribuzione sia graficamente (plot Q-Q normale) che tramite i test ufficiali del pacchetto *normtest*:
  - > `qqnorm(df$Età)` # plot Q-Q (grafico quantile-quantile) per una distribuzione normale
  - > `qqline(df$Età)` # linea per il plot Q-Q normale, che passa attraverso il primo e il terzo quartile
  - > `require("normtest")` # package per effettuare i test di normalità
  - > `ad.test(df$Età)` # test di **Anderson-Darling**: se  $p > 0.05$  la distribuzione è normale
  - > `cvm.test(df$Età)` # test di **Cramer-von Mises**: se  $p > 0.05$  la distribuzione è normale
  - > `shapiro.test(df$Età)` # test di **Shapiro-Wilk**: se  $p > 0.05$  la distribuzione è normale
  - > `pearson.test(df$Età)` # test di **Pearson chi-Square**: se  $p > 0.05$  la distribuzione è normale
  - > `ks.test(df$Età, "pnorm")` # test di **Kolmogorov-Smirnov**: se  $p > 0.05$  la distribuzione è normale

# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche bivariate tra due variabili categoriche

- Estraggo le colonne *Sede* e *Sesso* in una matrice  $4 \times 2$  per effettuare i test e ne traccio il grafico a mosaico:

```
> t = as.matrix(table(df$Sede, df$Sesso))  
> plot(t)
```

- Esamino l'associazione fra le variabili categoriche

```
> chisq <- chisq.test(t)  
> chisq # visualizzo il risultato della statistica chi-quadrato
```

Pearson's Chi-squared test

data: t

X-squared = 28.12, df = 3, p-value = 3.427e-06

# X-squared è la somma degli scarti al quadrato fra le frequenze osservate e le frequenze attese

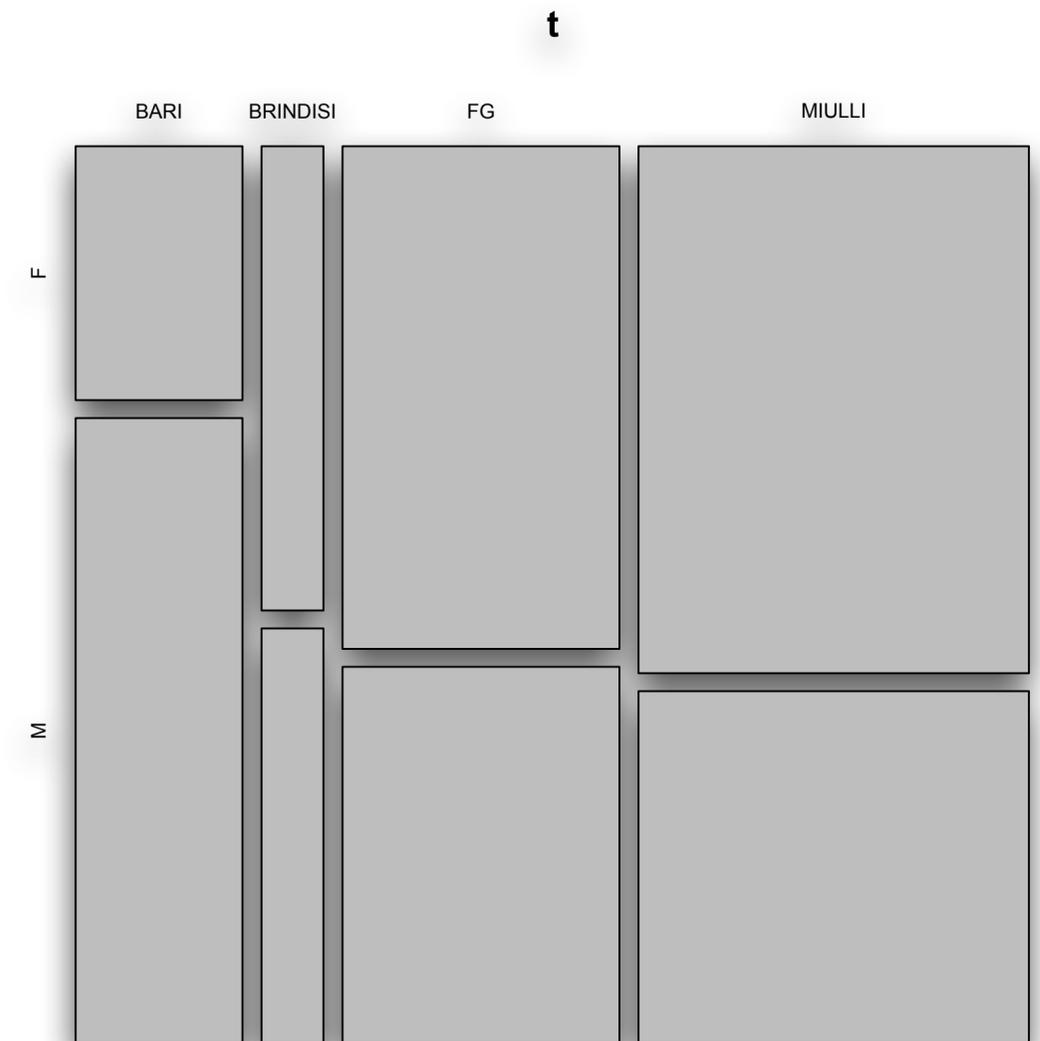
```
> str(chisq) # ne esamino la struttura interna
```

List of 9

\$ statistic: Named num 28.1

.. attr(\*, "names")= chr "X-squared"

...



# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche bivariate tra due variabili categoriche

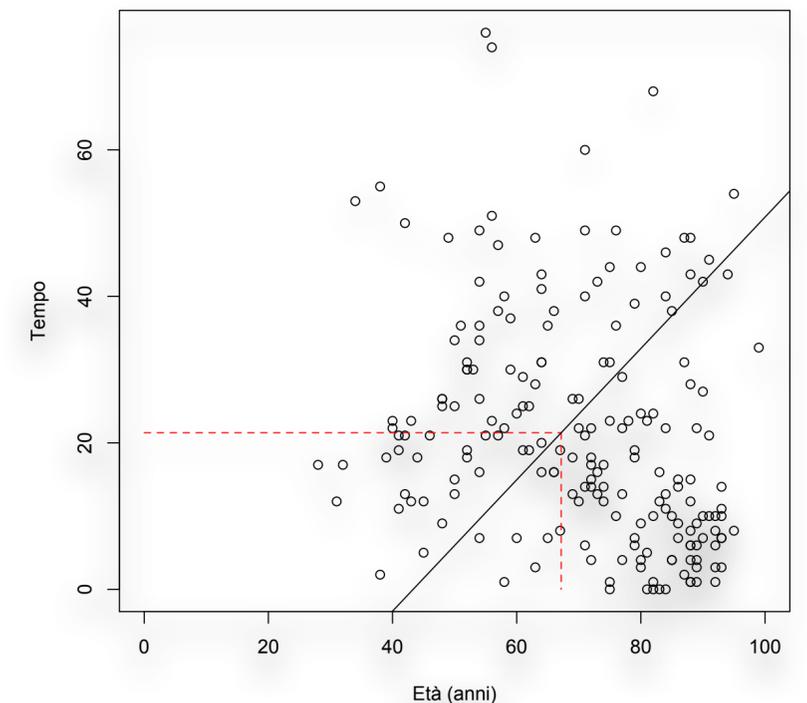
- Per misurare l'associazione fra le variabili in una tabella come quella creata nella sezione precedente, usiamo la statistica  $V$  di Cramér che ha valore 0 nel caso di perfetta indipendenza e valore 1 nel caso di perfetta associazione.
- Il  $V$  di Cramér misura l'associazione utilizzando gli scarti al quadrato fra le frequenze osservate e le frequenze attese, espressi come proporzione delle frequenze attese.
- La somma di questi scarti è la statistica chi-quadrato, mentre  $V$  è la radice quadrata di chi-quadrato, diviso per il numero totale di osservazioni moltiplicato per il numero di righe o di colonne (scegliere il più piccolo se sono diversi), meno uno:  
> `V = sqrt(chisq$statistic[[1]]/sum(t)*(min(dim(t))-1)) #V=0.2323226`

# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

- Per studiare la distribuzione bivariata di variabili numeriche lo strumento più utile è il diagramma di dispersione (scatterplot):

```
> plot(dati$Età, dati$Tempo, xlim = c(0,100), ylim = c(0,76), xlab = "Età (anni)",  
      ylab = "Tempo")  
> segments (mean(dati$Età), mean(dati$Tempo, na.rm = TRUE), mean(dati$Età), 0,  
          lty = "dashed", col = "red")  
> segments (0, mean(dati$Tempo, na.rm = TRUE), mean(dati$Età),  
          mean(dati$Tempo, na.rm = TRUE), lty = "dashed", col = "red")  
> x1 <- mean(dati$Età) - 3 * sd(dati$Età)  
> x2 <- mean(dati$Età) + 3 * sd(dati$Età)  
> y1 <- mean(dati$Tempo, na.rm = TRUE) - 3 * sd(dati$Tempo, na.rm = TRUE)  
> y2 <- mean(dati$Tempo, na.rm = TRUE) + 3 * sd(dati$Tempo, na.rm = TRUE)  
> segments (x1, y1, x2, y2)
```

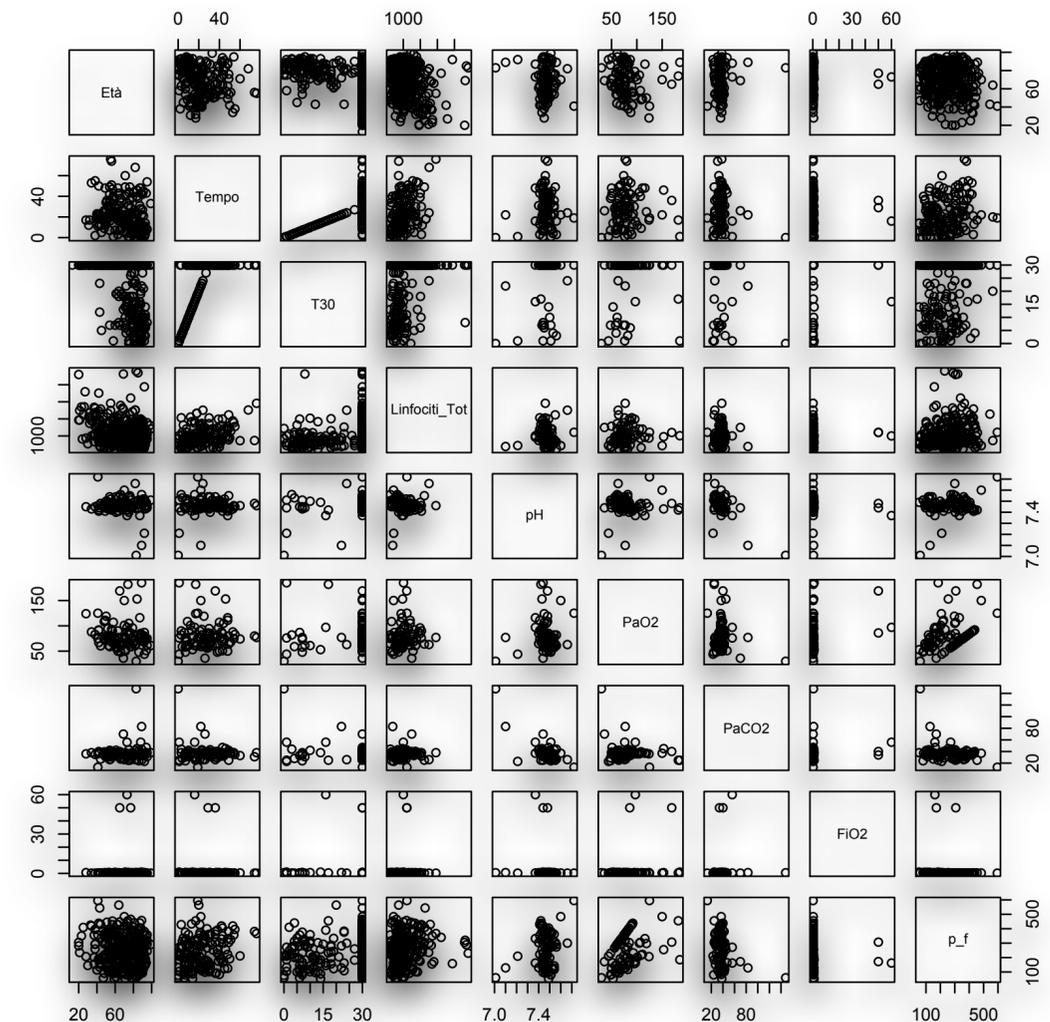


# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

- Il data set contiene molte altre variabili di cui ci potrebbe interessare la distribuzione bivariata. Per dare un'occhiata rapida usando la funzione **pairs()** possiamo creare una matrice di diagrammi di dispersione (tra le sole variabili numeriche, ovviamente), con tutte le coppie possibili.
- La funzione **pairs()** è un'ottima maniera di visualizzare la struttura complessiva di un set di dati, facendosi un'idea delle relazioni fra le diverse variabili:

```
> pairs(dati[, c("Età", "Tempo", "T30", "Linfociti_Tot",  
"pH", "PaO2", "PaCO2", "FiO2", "p_f")])
```



# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

- Correlazione

```
> cor(dati$Età, dati$Tempo, use = "na.or.complete") # coeff. di correlazione di Pearson
> plot(scale(dati$Età), scale(dati$Tempo), xlab = "z(Età)", ylab = "z(Tempo)") # scatterplot dei dati
standardizzati
> segments(-4, 0, 4, 0, lty = "dashed")
> segments(0, -2, 0, 6, lty = "dashed")
> cor.test(dati$Età, dati$Tempo, method = "spearman", use = "na.or.complete") # coefficiente di
correlazione per ranghi di Spearman (cor.test fornisce anche il p-value)
> cor.test(dati$Età, dati$Tempo, method = "kendall", use = "na.or.complete") # coefficiente di
correlazione per ranghi tau di Kendall
```

- Regressione lineare

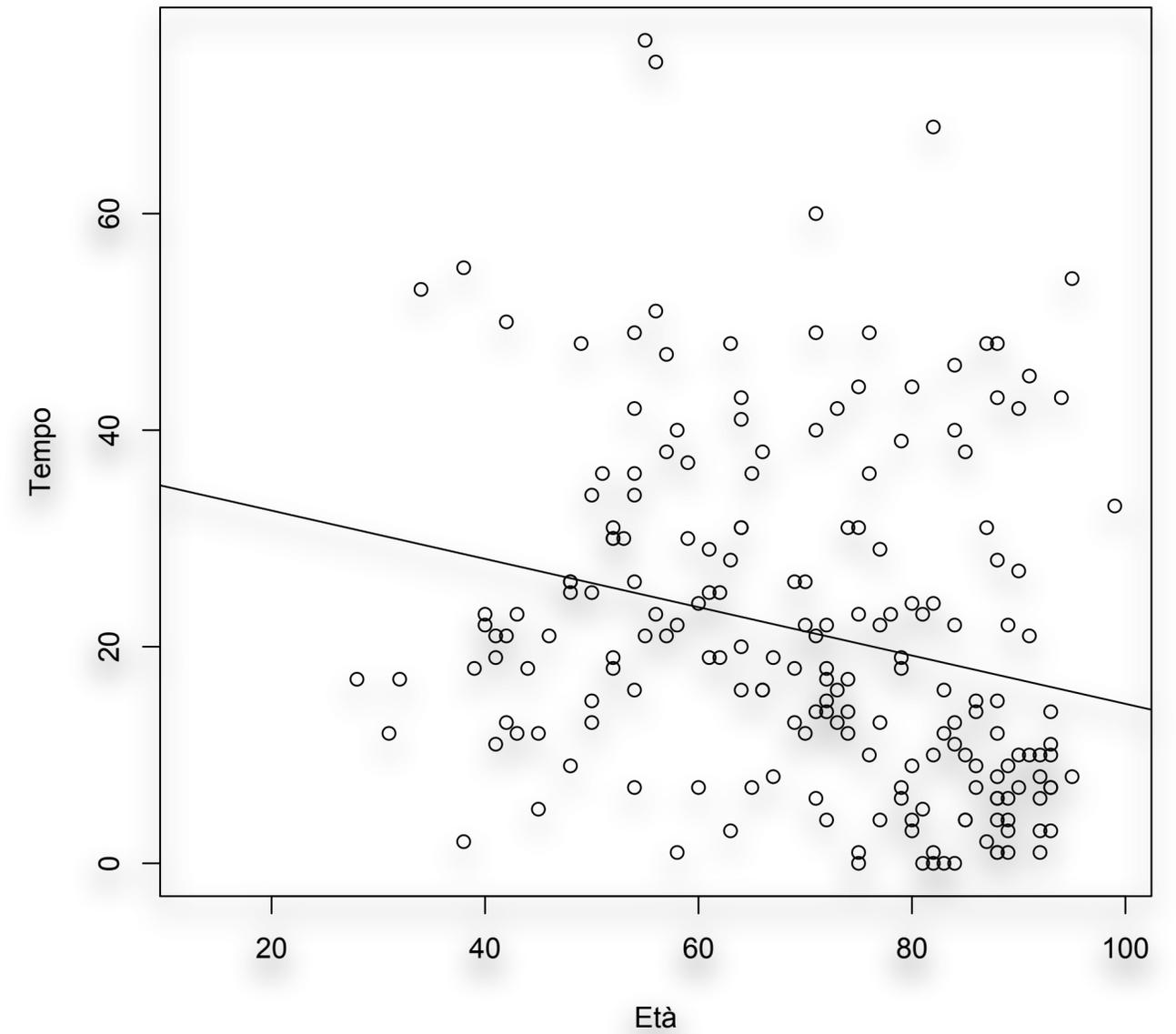
```
> modello <- lm(dati$Tempo ~ dati$Età)
> summary(modello)
```

# (Bio)Statistica con R – Parte I

Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

- In forma grafica, la regressione lineare viene presentata sovrapponendo la retta fittata al diagramma di dispersione.
- La sintassi di **R** consente di farlo rapidamente sfruttando la funzione **abline()**, cui è possibile passare i parametri **a** e **b** direttamente da **lm()**:

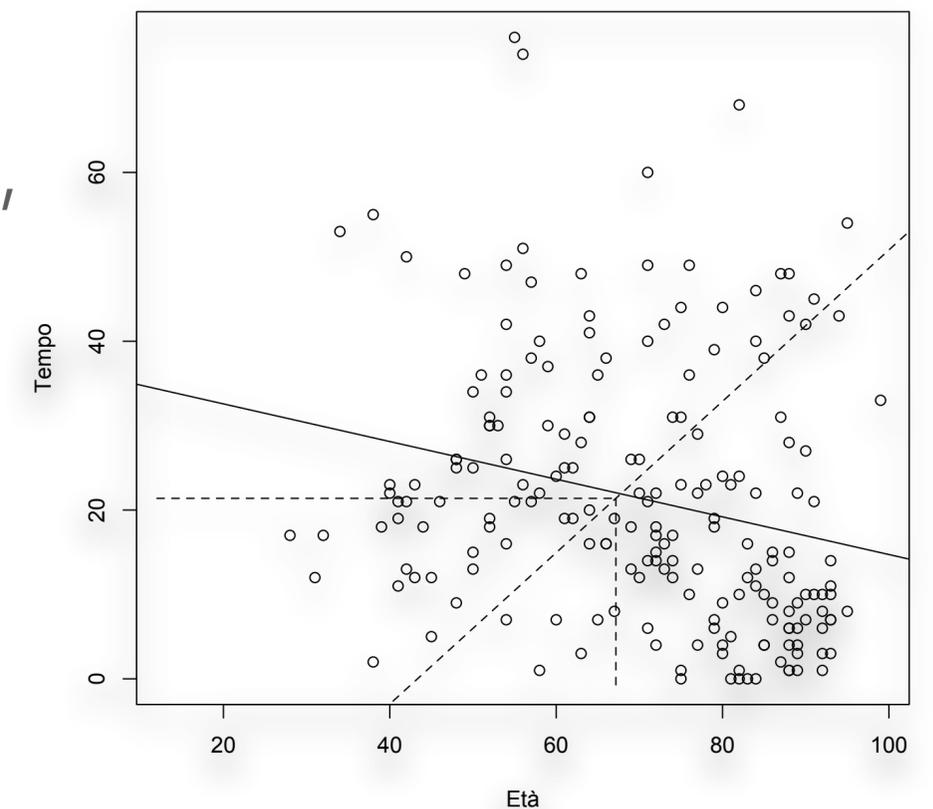
```
> plot(dati$Età, dati$Tempo, xlab = "Età",  
      ylab = "Tempo")  
> abline(lm(dati$Tempo ~ dati$Età))
```



# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

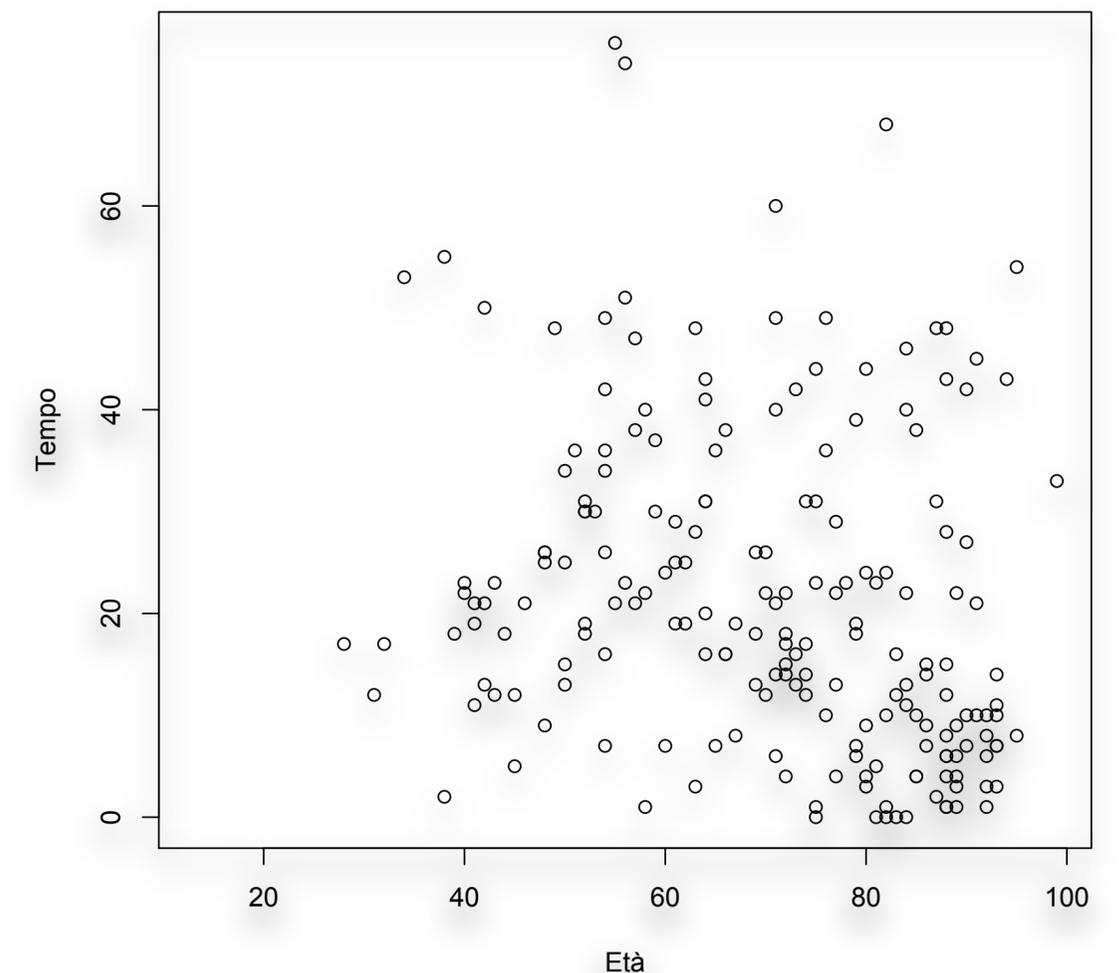
- Per visualizzare in modo completo la distribuzione bivariata, includendo dei riferimenti sia per il modello che prevede  $y$  in funzione di  $x$  (regressione) sia per la visualizzazione dell'associazione lineare fra le due variabili, possiamo sovrapporre al grafico anche il punto delle medie e la retta delle deviazioni standard, come abbiamo fatto in precedenza.
- Per fare questo utilizziamo la funzione **bivd()** – che mostriamo successivamente – che prende in input quattro parametri: due vettori, di cui si vuole fare il diagramma di dispersione, e due stringhe alfanumeriche, che servono per etichettare correttamente gli assi a seconda di cosa si passa alla funzione:
  - > `source("bivd.R")`
  - > `bivd(dati$Età, dati$Tempo, "Età", "Tempo")`



# (Bio)Statistica con R – Parte I

Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

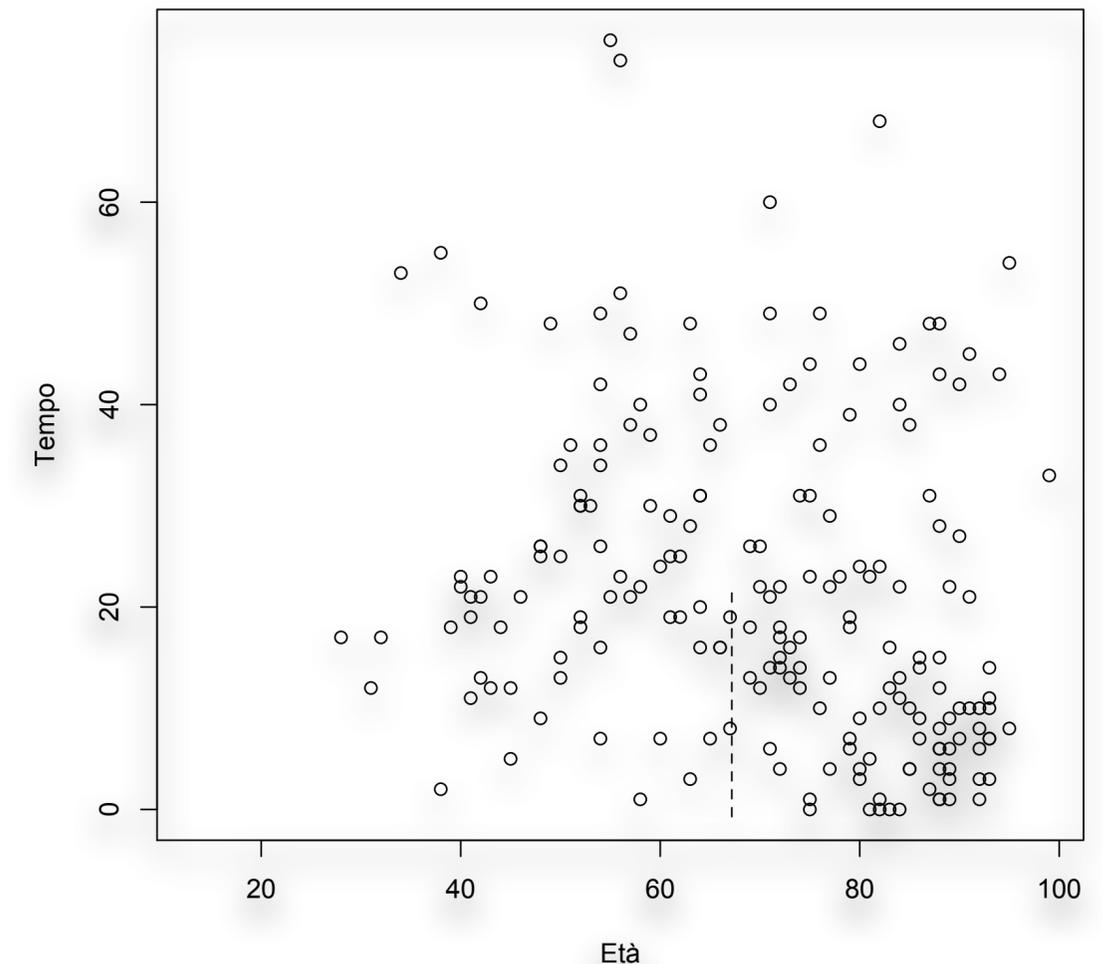
```
bivd <- function(x,y, xname, yname) {  
  mx <- mean(x, na.rm = TRUE)  
  my <- mean(y, na.rm = TRUE)  
  sdx <- sd(x, na.rm = TRUE)  
  sd(y, na.rm = TRUE)  
  plot(y ~ x, xlab = xname, ylab = yname)  
  segments (mx, my, mx, min(y, na.rm = TRUE) - 1, lty = "dashed")  
  segments (min(x, na.rm = TRUE) - 1, my, mx, my, lty = "dashed")  
  x1 <- mx - 3 * sdx  
  x2 <- mx + 3 * sdx  
  y1 <- my - 3 * sd  
  y2 <- my + 3 * sd  
  segments (x1, y1, x2, y2, lty = "dashed")  
  abline(lm(y ~ x))  
}
```



# (Bio)Statistica con R – Parte I

Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

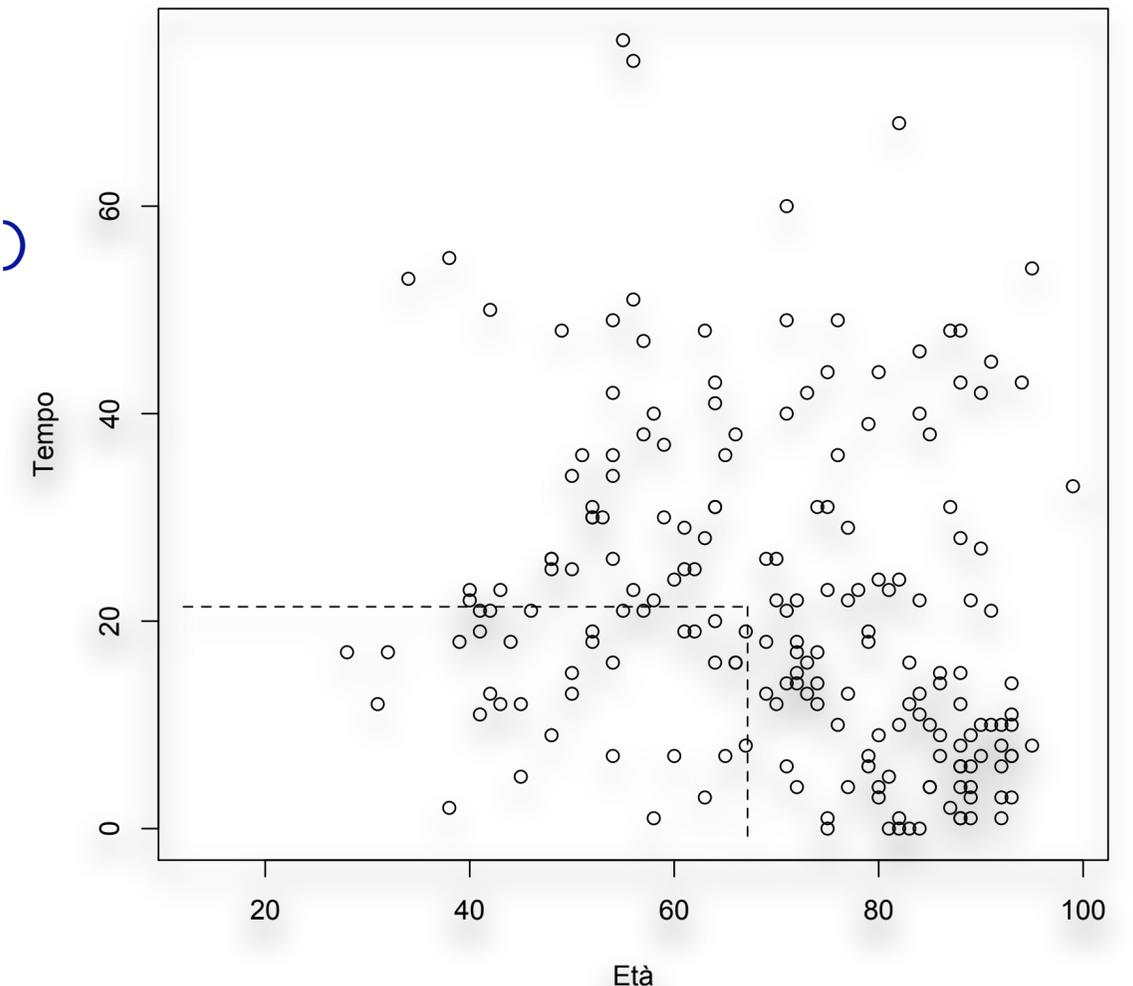
```
bivd <- function(x,y, xname, yname){  
  mx <- mean(x, na.rm = TRUE)  
  my <- mean(y, na.rm = TRUE)  
  sdx <- sd(x, na.rm = TRUE)  
  sdy <- sd(y, na.rm = TRUE)  
  plot(y ~ x, xlab = xname, ylab = yname)  
  segments (mx, my, mx, min(y, na.rm = TRUE) - 1, lty = "dashed")  
  segments (min(x, na.rm = TRUE) - 1, my, mx, my, lty =  
    "dashed")  
  x1 <- mx - 3 * sdx  
  x2 <- mx + 3 * sdx  
  y1 <- my - 3 * sdy  
  y2 <- my + 3 * sdy  
  segments (x1, y1, x2, y2, lty = "dashed")  
  abline(lm(y ~ x))  
}
```



# (Bio)Statistica con R – Parte I

Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

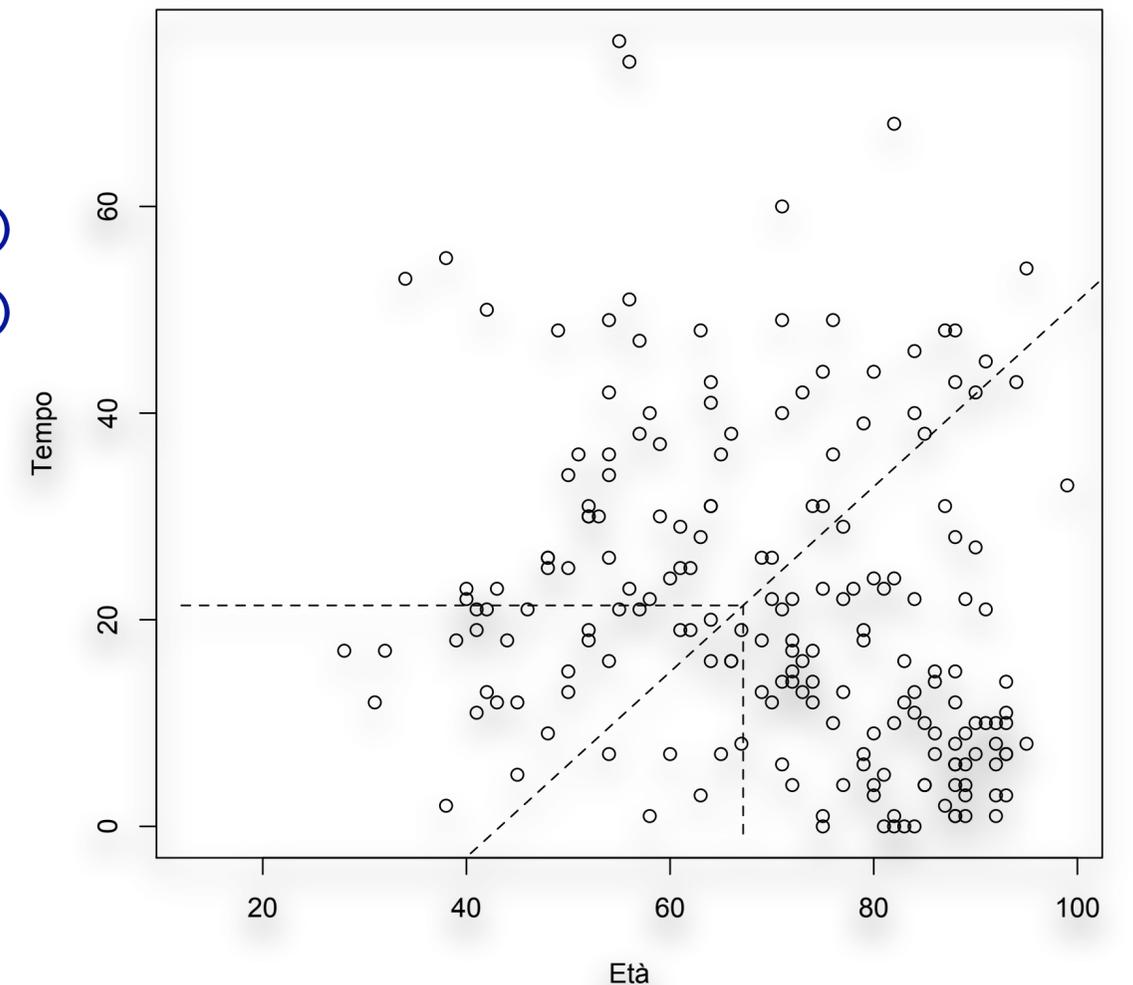
```
bivd <- function(x,y, xname, yname){  
  mx <- mean(x, na.rm = TRUE)  
  my <- mean(y, na.rm = TRUE)  
  sdx <- sd(x, na.rm = TRUE)  
  sdy <- sd(y, na.rm = TRUE)  
  plot(y ~ x, xlab = xname, ylab = yname)  
  segments (mx, my, mx, min(y, na.rm = TRUE) - 1, lty = "dashed")  
  segments (min(x, na.rm = TRUE) - 1, my, mx, my, lty = "dashed")  
  x1 <- mx - 3 * sdx  
  x2 <- mx + 3 * sdx  
  y1 <- my - 3 * sdy  
  y2 <- my + 3 * sdy  
  segments (x1, y1, x2, y2, lty = "dashed")  
  abline(lm(y ~ x))  
}
```



# (Bio)Statistica con R – Parte I

Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

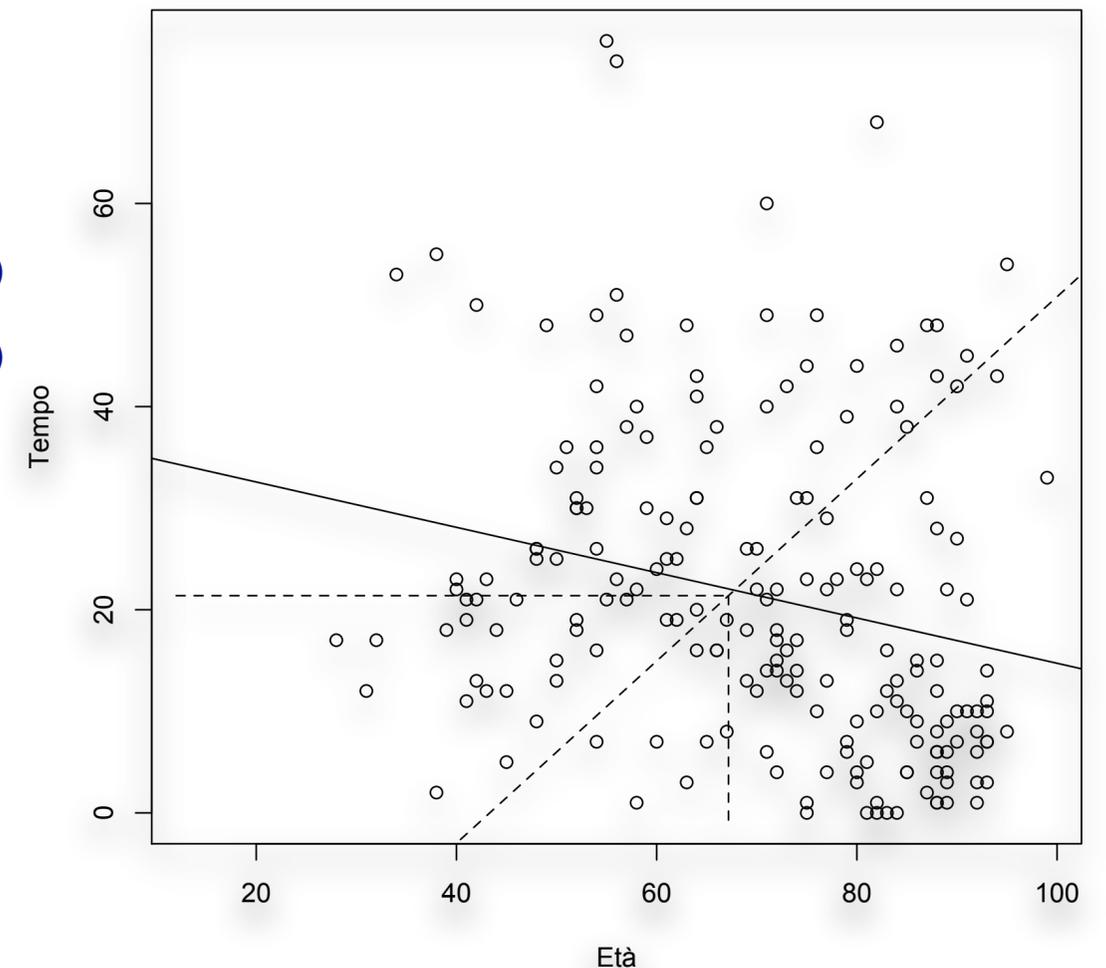
```
bivd <- function(x,y, xname, yname){  
  mx <- mean(x, na.rm = TRUE)  
  my <- mean(y, na.rm = TRUE)  
  sdx <- sd(x, na.rm = TRUE)  
  sdy <- sd(y, na.rm = TRUE)  
  plot(y ~ x, xlab = xname, ylab = yname)  
  segments (mx, my, mx, min(y, na.rm = TRUE) - 1, lty = "dashed")  
  segments (min(x, na.rm = TRUE) - 1, my, mx, my, lty = "dashed")  
  x1 <- mx - 3 * sdx  
  x2 <- mx + 3 * sdx  
  y1 <- my - 3 * sdy  
  y2 <- my + 3 * sdy  
  segments (x1, y1, x2, y2, lty = "dashed")  
  abline(lm(y ~ x))  
}
```



# (Bio)Statistica con R – Parte I

Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

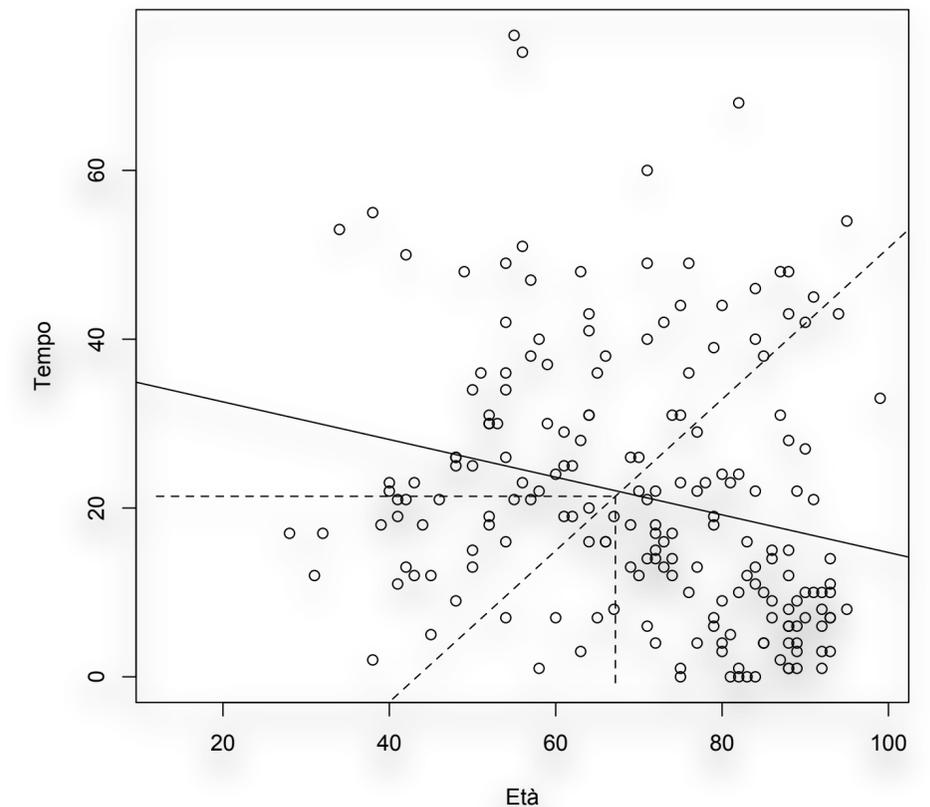
```
bivd <- function(x,y, xname, yname){  
  mx <- mean(x, na.rm = TRUE)  
  my <- mean(y, na.rm = TRUE)  
  sdx <- sd(x, na.rm = TRUE)  
  sdy <- sd(y, na.rm = TRUE)  
  plot(y ~ x, xlab = xname, ylab = yname)  
  segments (mx, my, mx, min(y, na.rm = TRUE) - 1, lty = "dashed")  
  segments (min(x, na.rm = TRUE) - 1, my, mx, my, lty = "dashed")  
  x1 <- mx - 3 * sdx  
  x2 <- mx + 3 * sdx  
  y1 <- my - 3 * sdy  
  y2 <- my + 3 * sdy  
  segments (x1, y1, x2, y2, lty = "dashed")  
  abline(lm(y ~ x))  
}
```



# (Bio)Statistica con R – Parte I

Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

- Si noti la differenza fra la retta delle deviazioni standard (tratteggiata) e la retta di regressione (continua).
- La prima fa da riferimento per valutare la **forza** dell'associazione lineare: tanto più i dati sono raggruppati attorno a questa retta, maggiore il coefficiente di correlazione.
- La seconda indica i valori previsti di  $y$  in base al modello lineare.
- Tanto più i dati sono raggruppati attorno a questa seconda retta, tanto minore è l'errore di previsione.

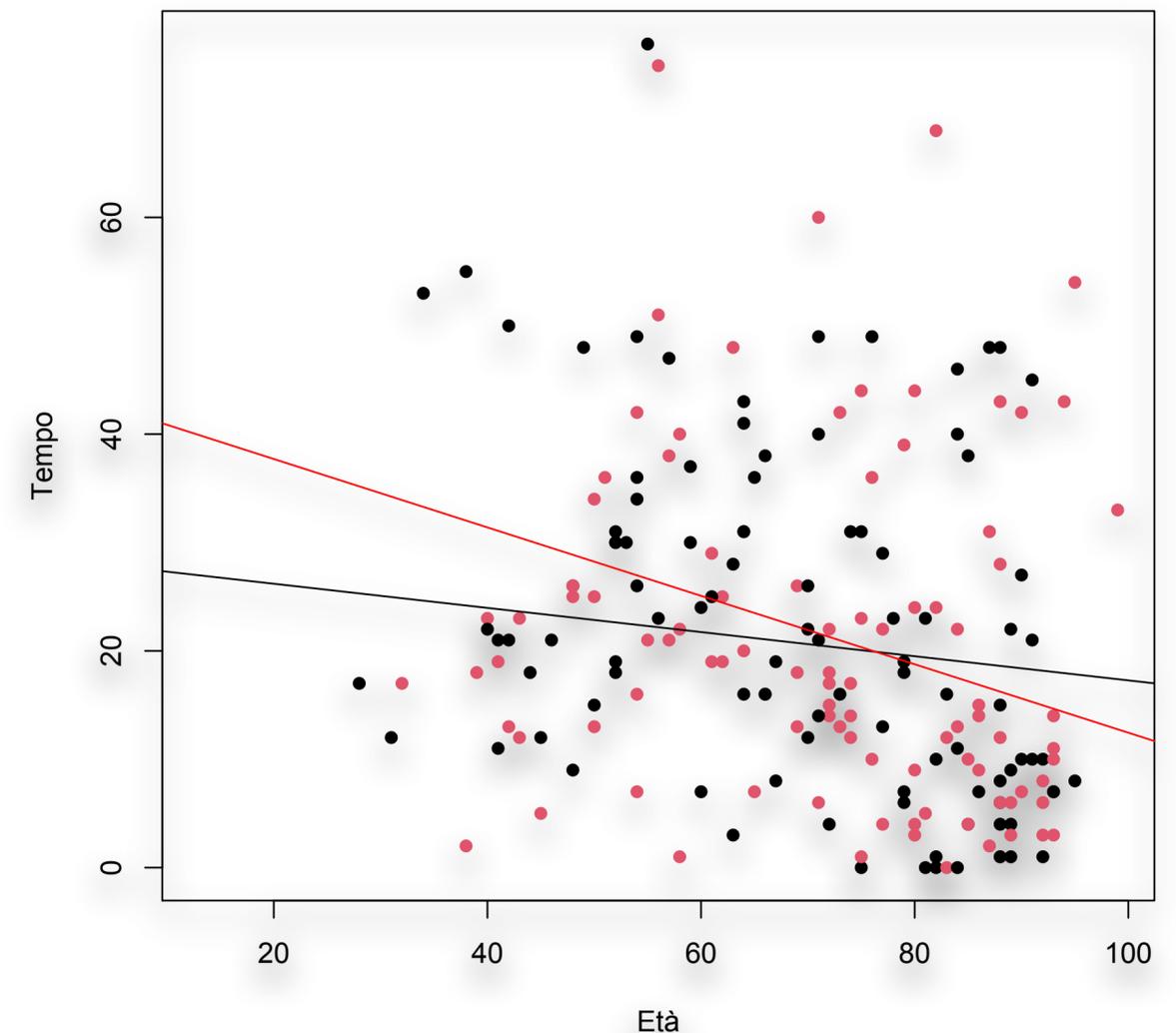


# (Bio)Statistica con R – Parte I

Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

- Per fittare due modelli lineari separati, dobbiamo suddividere il dataset in due parti (ad es. per Sesso) usando la funzione **subset()**. Fatto questo, disegniamo le rette di regressione per ogni sottoinsieme dei dati (nero=maschi, rosso=femmine):

```
> plot(dati$Tempo ~ dati$Età, xlab = "Età",  
      ylab = "Tempo", pch = 16, col = dati$Sesso)  
> d1 <- subset(dati, dati$Sesso == "M")  
> d2 <- subset(dati, dati$Sesso == "F")  
> modello1 <- lm(d1$Tempo ~ d1$Età)  
> abline(modello1, col = "black") # maschi  
> modello2 <- lm(d2$Tempo ~ d2$Età)  
> abline(modello2, col = "red") # femmine  
> coef(modello1)  
> coef(modello2)
```



# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

- Regressione mediante metodi non parametrici (smoothers)

```
# scarto i valori mancanti
```

```
> tmp = subset(dati, !is.na(dati$p_f))
```

```
# utilizzo i dati p/f come curva crescente
```

```
> plot(seq(1:324), sort(tmp$p_f))
```

```
# curva di smoothing (in blu)
```

```
> lines(seq(1:324), runmed(sort(tmp$p_f), k = 3), col = "blue")
```

```
# curva spline (in rosso)
```

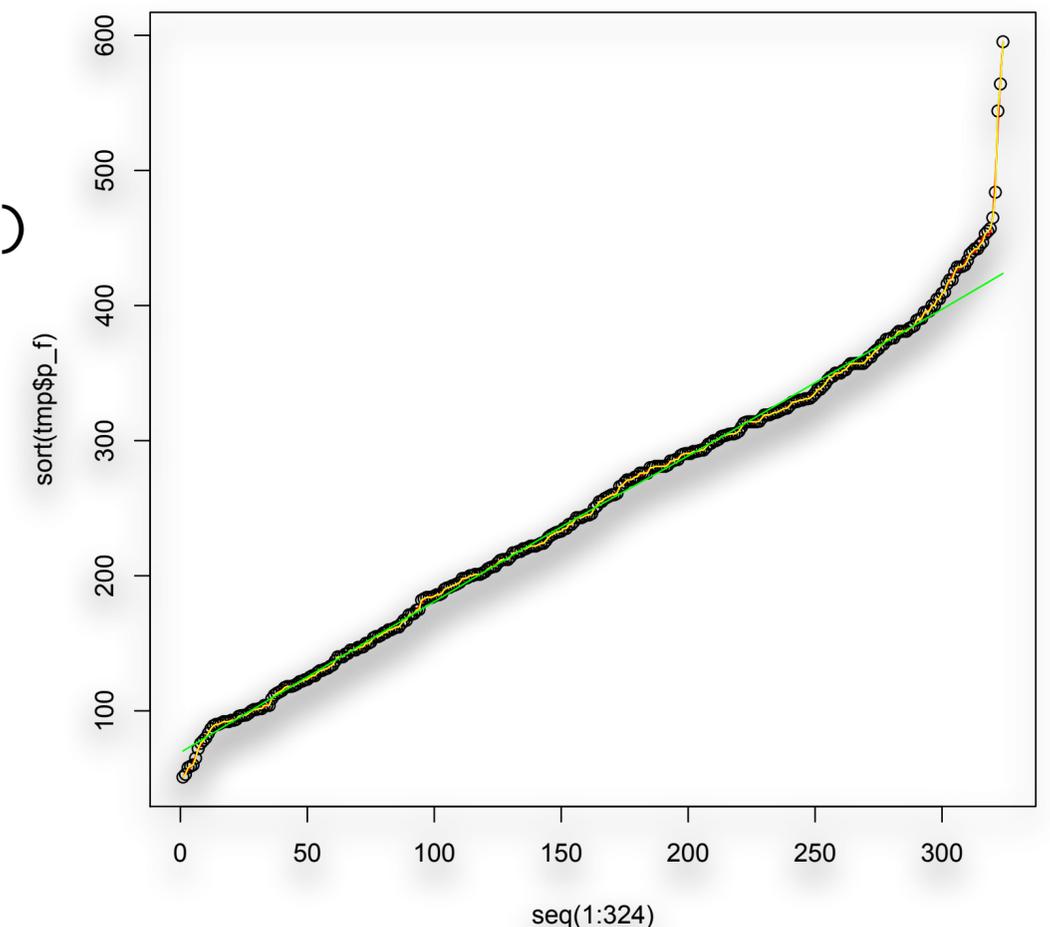
```
> lines(smooth.spline(sort(tmp$p_f)), col = "red")
```

```
# kernel smoothing (in giallo)
```

```
> lines(ksmooth(seq(1:324), sort(tmp$p_f)), col = "yellow")
```

```
# curva lowess (LOcally WEighted regresSSion, in verde)
```

```
> lines(lowess(seq(1:324), sort(tmp$p_f)), col = "green")
```



# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

- Relazione tra una variabile categorica e una numerica

```
> boxplot(dati$Tempo ~ dati$Sesso, xlab = "Sesso", ylab = "Tempo")
```

```
> par(mfrow = c(2,2)) # quattro grafici su una pagina
```

```
> hist(dati$Tempo[dati$Sesso == "M"], freq = TRUE,  
main = "Sesso=M", xlab = "Età")
```

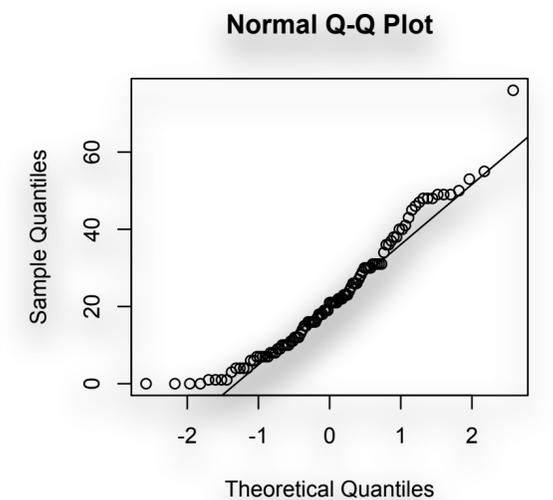
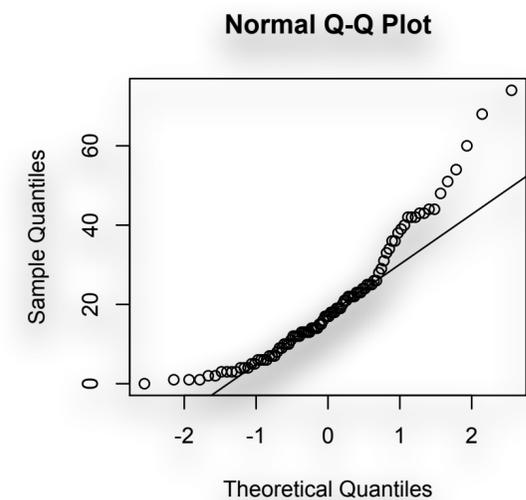
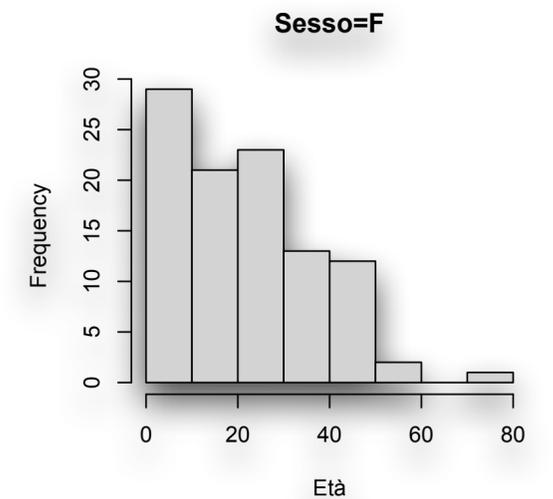
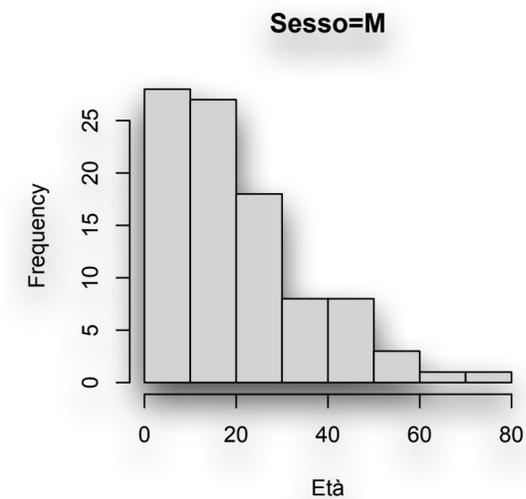
```
> hist(dati$Tempo[dati$Sesso == "F"], freq = TRUE,  
main = "Sesso=F", xlab = "Età")
```

```
> qqnorm(dati$Tempo[dati$Sesso == "M"])
```

```
> qqline(dati$Tempo[dati$Sesso == "M"])
```

```
> qqnorm(dati$Tempo[dati$Sesso == "F"])
```

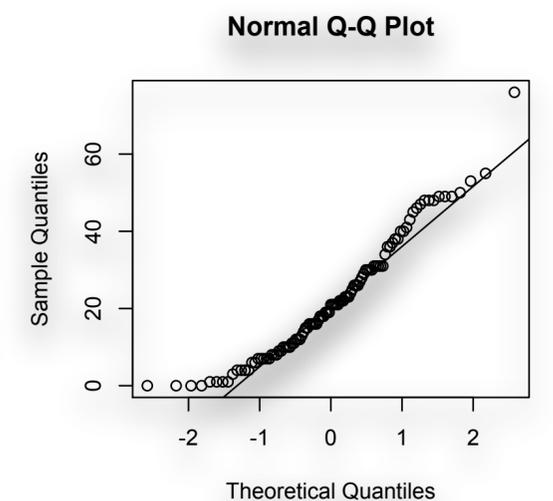
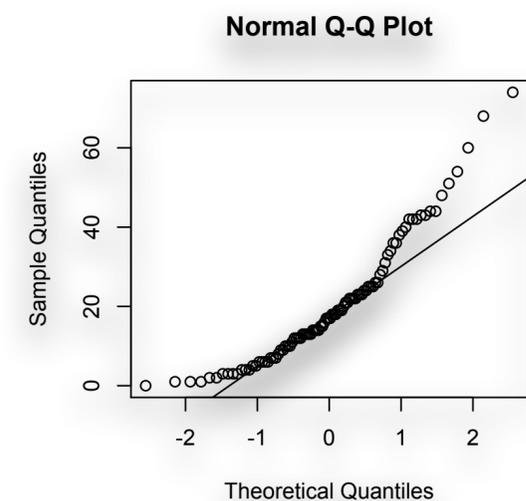
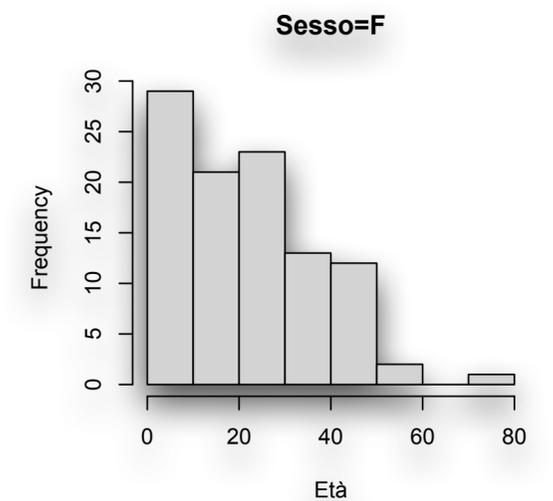
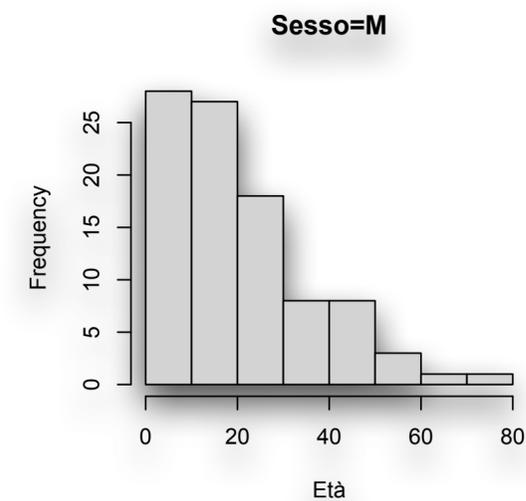
```
> qqline(dati$Tempo[dati$Sesso == "F"])
```



# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

- Quanto è forte l'associazione? Calcoliamo...
  - > t1 <- dati\$Tempo[dati\$Sesso == "M"]; n1 <- length(t1)
  - > t2 <- dati\$Tempo[dati\$Sesso == "F"]; n2 <- length(t2)
- Differenza fra le medie:
  - > mdif <- (mean(t2, na.rm=T) - mean(t1, na.rm=T))
- $d$  di Cohen (effect size):
  - > d <- mdif/sqrt(((n1-1)\*var(t1,na.rm=T) + (n2-1)\*var(t2,na.rm=T))/(n1+n2-2))
- Pendenza della retta di regressione = differenza fra le medie
  - > dati\$dc <- c(rep("M",n1),rep("F",n2))
  - > mod <- lm(dati\$Tempo ~ dati\$dc)
  - > cf <- coef(mod)



# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

- Altro esempio di associazione tra una variabile categorica e una numerica.

```
> library(MASS)
```

```
# Il dataset contiene i risultati di una ricerca su due trattamenti per l'anoressia:
```

```
# $Treat = FT (terapia familiare), CBT (terapia cognitivo-comportamentale), Cont (Controllo); $prewt = peso pre terapia; $Postwt = peso post terapia.
```

```
> data(anorexia)
```

```
> str(anorexia)
```

```
'data.frame': 72 obs. of 3 variables:
```

```
$ Treat : Factor w/ 3 levels "CBT","Cont","FT": 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 ...
```

```
$ Prewt : num 80.7 89.4 91.8 74 78.1 88.3 87.3 75.1 80.6 78.4 ...
```

```
$ Postwt: num 80.2 80.1 86.4 86.3 76.1 78.1 75.1 86.7 73.5 84.6 ...
```

# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

- Come prima cosa esprimiamo i dati come variazione percentuale:

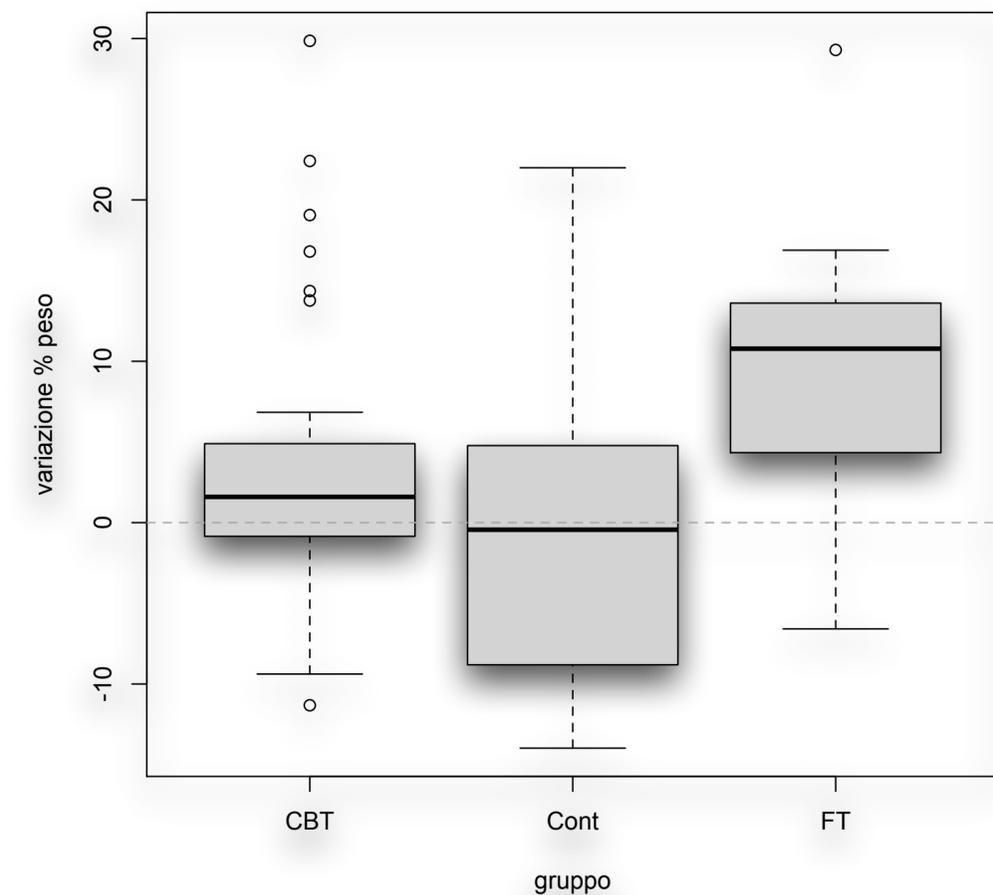
```
> anorexia$difw <- 100 * (anorexia$Postwt - anorexia$Prewt) / anorexia$Prewt
```

- Quindi visualizziamo l'associazione fra variazione percentuale e gruppo:

```
> boxplot(difw ~ Treat, data = anorexia,  
          ylab = "variazione % peso", xlab = "gruppo")  
> abline(h = 0, col = "dark grey", lty = "dashed")
```

*La distribuzione della variazione percentuale nei tre gruppi appare ragionevolmente simmetrica e indica che la terapia familiare produce mediamente un aumento di peso attorno al 10-15%, mentre la terapia cognitivo comportamentale è sostanzialmente simile al gruppo di controllo, dove non si nota in media alcun aumento di peso.*

*L'incremento proporzionale può essere considerato una misura della grandezza dell'effetto (effect size), in questo caso più significativo delle differenze standardizzate, quindi l'associazione fra le due variabili è ben rappresentato dalle medie dei tre gruppi.*



# (Bio)Statistica con R – Parte I

## Statistiche bivariate tra due variabili numeriche

- Calcoliamo le medie usando la funzione **tapply()**, che applica una funzione a un vettore in base ai livelli di un fattore. La sua sintassi è `tapply(x, index, fun)` dove `x` è un vettore, `index` è il fattore, è `fun` la funzione da applicare:  

```
> mns <- tapply(anorexia$di fw,  
  anorexia$Treat, mean)
```
- L'oggetto **mns** contiene le medie, che confermano l'andamento che avevamo visto nel boxplot.
- Lo stesso approccio può essere utilizzato per calcolare le deviazioni standard nei tre gruppi, o qualsiasi altra statistica.

